

## بررسی توزیع تنش و مقاومت خمی بتن سبک سازه‌ای

علی رضا انتظاری

دانشجوی دوره دکتری، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز

a.entezari@azaruniv.edu

جمشید اسماعیلی

استادیار دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز

### چکیده:

در این تحقیق توزیع تنش بتن سبک (LWAC) بررسی شده است. تحقیقات زیادی روی رفتار سازه‌ای LWAC انجام شده است، اما هنوز مشخصات آن به خوبی مشخصات بتن معمولی (NWC) شناخته نشده است. مقررات زیادی در آین نامه‌های مختلف به صورت روابط و توصیه‌نامه برای طراحی سازه‌های بتن آرمه که برای NWC کاربرد دارد ارائه شده است. به علت نقش متفاوت سنگ‌دانه‌ها در LWAC و NWC، لازم است رفتار سازه‌ای LWAC بیش تر ارزیابی شود. رفتار تنش - کرنش بتن یکی از مشخصاتی است که به عنوان پارامترهای طراحی به کار گرفته می‌شود. در این تحقیق منحنی تنش - کرنش محصور نشده LWAC ساخته شده با اسکوریا و پومیس مورد مطالعه قرار گرفت. در کل ۲۷ مخلوط بتن LWAC ساخته شده با اسکوریا و پومیس آزمایش شده و روابط تنش - کرنش آنها مطالعه گردید. نتایج آزمایش نشان می‌دهد که بلوک تنش مستطیلی مورد نیاز برای طراحی سازه‌های LWAC نیاز به توجه بیشتری دارد. ظرفیت خمی تخمینی با روابط موجود در آین نامه‌ها در مقایسه با ظرفیت خمی تجربی برای LWAC بزرگتر است که شرایط غیرایمنی برای سازه ایجاد می‌کند. در این مطالعه، معادلات جدید براساس رفتار تنش - کرنش LWAC ارائه شده است که می‌تواند به پیش‌بینی مطمئن‌تر مقاومت خمی نهایی منجر شود.

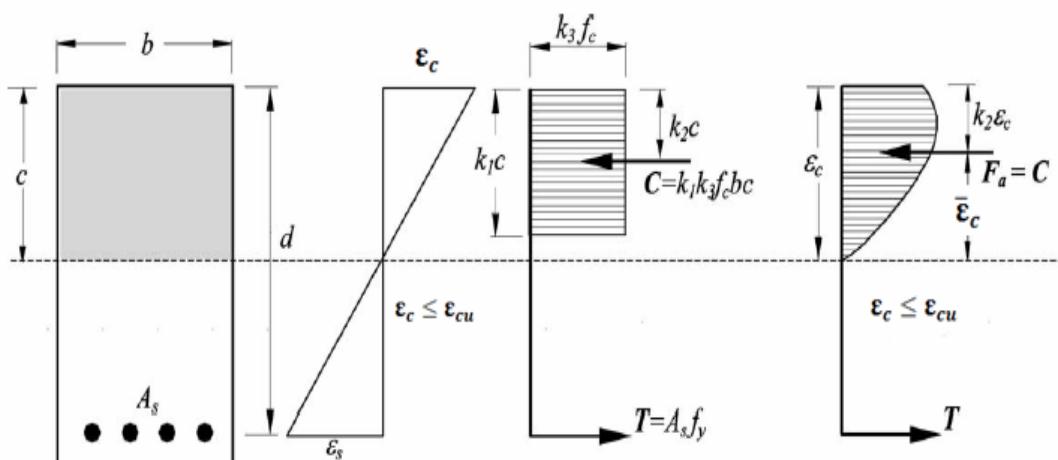
**واژه‌های کلیدی:** اسکوریا، بتن سبک، پارامتر بلوک تنش، پومیس، منحنی تنش - کرنش.

## ۱- مقدمه

باشد. با نوشتن معادلات تعادل سه پارامتر،  $K_1$ ،  $K_2$  و  $K_3$  تعریف می‌شود. پارامتر  $K_3$  نسبت حداکثر تنش فشاری ( $\sigma_{\max}$ ) عضو خمثی به مقاومت فشاری نمونه استوانه‌ای ( $f_c'$ ) است. پارامتر  $K_1$  نیروی برآیند تنش فشاری در بتن را تعیین می‌کند و پارامتر  $K_2$  موقعیت نقطه اثر برآیند تنش فشاری در بتن را مشخص می‌کند. مقادیر پارامترهای بلوک تنش که با لنگرنهایی مقطع مطابقت می‌کند برای کرنشنهایی تعیین می‌شوند. این پارامترها در شکل (۱) نشان داده است.

محققان زیادی روی پارامترهای بلوک تنش مستطیلی بتن معمولی و بتن با مقاومت بالا تحقیق کرده‌اند و روابطی را برای آنها تعیین نموده‌اند که در جدول (۱) به تعدادی از آنها اشاره شده است. برای طراحی LWAC سازه‌ای غیر از اطلاعات اولیه نظری مقاومت فشاری، مقاومت کششی، مدول گسیختگی، مدول الاستیسیته و کرنش به رفتار تنش - کرنش بتن و پارامترهای طراحی نیز نیاز است. در این تحقیق رفتار تنش - کرنش محصور نشده بتن ساخته شده با سنگ‌دانه اسکوریا (معدن آجواج) و پومیس (معدن اسکنдан) که از منطقه آذربایجان - ایران تهیه شده بودند بررسی شد و در ادامه پارامترهای طراحی که از ابزارهای اولیه محاسبات سازه‌های بتی می‌باشد تعیین گردید.

اندازه‌گیری و مدل‌سازی مناسب توزیع تنش ناحیه فشاری اعضای خمثی بتی پیچیده و مشکل است. با نادیده گرفتن تنش کشنشی که توسط بتن تحمل می‌شود، شکل (۱) توزیع تنش و کرنش مقطع تیر بتن آرمه را موقعي که تغییر شکل نسبی بتن فشاری به کرنشنهایی ( $\epsilon_{cu}$ ) رسیده نشان می‌دهد. Koenen اولین پیشنهاد دهنده تئوری ظرفیت گسیختگینهایی عضوهای خمثی بود. او فرض کرد که توزیع تنش در مقطع عرضی تیر بتن آرمه خطی است و در پهناهی سطح مقطع یکنواخت است. نظریه توزیع تنش مستطیلی ابتدا به وسیله Emperge پیشنهاد شد و توسط Whitney برای به کارگیری طراحی مقاومتنهایی (USD) اصلاح گردید [۱]. توزیع تنش فشاری واقعی در مقطع بتن آرمه در تمام مراحل بارگذاری از روی منحنی تنش - کرنش تک محوری فشاری تعیین می‌گردد. در لحظه گسیختگینهایی مقطع تمام منحنی تنش - کرنش فشاری تک محوری بتن و در مراحل قبل از گسیختگی قسمتی از منحنی فوق استفاده می‌شود. برای پیش‌بینی منحنی تنش - کرنش بتن محصور نشده روابط متعددی توسط محققان ارائه شده است [۲-۷]. این منحنی با توجه به نوع بتن به صورت معادلات ریاضی تعریف می‌شوند. برای طراحی اعضای بتی باید برآیند تنش فشاری و نقطه اثر آن معلوم



شکل ۱- توزیع تنش واقعی، بلوک تنش مستطیلی و توزیع خطی کرنش مقطع بتن آرمه

جدول ۱ - پارامترهای بلوک تنش مستطیلی ارائه شده توسط آینه نامه ها و محققان مختلف برای بتن معمولی و بتن با مقاومت زیاد

$\varepsilon_{cu}$	$k_3$	$k_1$	مرجع
0.003	0.85	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 1.09 - 0.008f'_c \geq 0.65$	ACI 310-2005 [۷]
0.003	0.85 $f'_c \leq 55 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 55 \text{ MPa} : 1.07 - 0.004f'_c \geq 0.75$	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 1.09 - 0.008f'_c \geq 0.65$	NZS 3101(1995) [۸]
0.004 - 0.002 $\frac{f'_c}{100}$	$0.85(1 - \frac{f'_c}{250})$	1.0	CEB-FIB (1990) [۹]
0.0035	$0.85 - 0.0015f'_c \geq 0.67$	$0.97 - 0.0025f'_c \geq 0.67$	CSA -94 [۱۰]
0.003	0.85	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 1.09 - 0.008f'_c$	Mattock et al. (1961) [۱۱]
0.003	$f'_c \leq 70 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 70 \text{ MPa} : 1.35 - 0.00725f'_c \geq 0.60$	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 1.09 - 0.008f'_c \geq 0.65$	Azizinamini (1994) [۱۲]
0.003	$0.85(1 - \frac{f'_c}{800}) \geq 0.725$	$0.95(1 - \frac{f'_c}{400}) \geq 0.70$	Ibrahim & MacGregor (1997) [۱۳]
0.003	$57 < f'_c < 100 \text{ MPa} : 0.99 - 0.0025f'_c$	$57 < f'_c < 100 \text{ MPa} : 0.70 - 0.00125f'_c$	Pendyala & Mendis (1998) [۱۴]
0.003	$f'_c \leq 55 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 55 \text{ MPa} : 1.07 - 0.004f'_c \geq 0.75$	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 1.09 - 0.008f'_c \geq 0.65$	Rangan (1999) [۱۵]
$f'_c \leq 55 \text{ MPa} : 0.003$ $f'_c > 55 \text{ MPa} : 0.0025$	$f'_c \leq 70 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 70 \text{ MPa} : 1.13 - 0.004f'_c \geq 0.67$	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 1.09 - 0.008f'_c \geq 0.67$	Bae & Bayrak (2003) [۱۶]
$f'_c \leq 28 \text{ MPa} : 0.003$ $f'_c > 28 \text{ MPa} : \frac{0.228}{48 + f'_c} \geq 0.0022$	0.85	$f'_c \leq 20 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 20 \text{ MPa} : \frac{193}{207 + f'_c} \geq 0.70$	Sun et al. (2003) [۱۷]
$60 \leq f'_c \leq 94 \text{ MPa} :$ $[2.2 + 0.015(f'_c - 40)]10^{-3}$	$0.964 - 0.002f'_c$	0.805 - 0.0012f'_c	Oztekin et al. (2003) [۱۸]
0.003	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 0.892 - 0.0014f'_c \geq 0.72$	$f'_c \leq 30 \text{ MPa} : 0.85$ $f'_c > 30 \text{ MPa} : 0.91 - 0.002f'_c \geq 0.67$	Ozbakkaloglu & Saatcioglu (2003) [۱۹]
0.003	$f'_c \leq 100 \text{ MPa} : 0.90 - 0.002f'_c$ $f'_c > 100 \text{ MPa} : 0.7$	$f'_c \leq 100 \text{ MPa} : 0.90 - 0.002f'_c$ $f'_c > 100 \text{ MPa} : 0.7$	Tan & Nguyen (2005) [۲۰]

## ۲- مواد و روش‌ها

### ۱-۱- مواد مصرفی

در این آزمایش برای اطمینان از صاف بودن سطوح نمونه‌ها برای انتقال بار یکنواخت، ابتدا و انتهای استوانه‌ها طبق توصیه‌های ASTM C۶۱۷ با یک ماده گوگردی کلاهک گذاری شدند. برای کسب منحنی‌های تنش - کرنش محصور نشده، نمونه‌ها در دستگاه هیدرولیکی ELE-ADR با ظرفیت ۲۰۰۰ kN که چهار LVDT روی آن نصب شده بود آزمایش شدند. ابتدا و انتهای همه نمونه‌ها با ماده گوگردی کلاهک گذاری شدند. طبق استاندارد ASTM C۳۹ همه نمونه‌ها با آهنگ Mpa/sec ۰/۳۲ (۵/۳ kN/sec) بارگذاری شدند. تغییر شکل با چهار LVDT موازی با نمونه که روی صفحات فلزی بارگذاری سوار شده بود اندازه گیری شد (شکل ۳). مقادیر کرنش اندازه گیری شده کرنش‌های اسمی برای کل طول نمونه هستند. میانگین چهار LVDT نصب شده برای محاسبه کرنش واقعی استفاده شد.

### ۲-۳- روش تحلیل

کاربرد بلوک مستطیلی به جای تنش واقعی تنها یک عامل ریاضی برای برآورد اثر توزیع تنش واقعی بتن و مفهوم توزیع تنش مستطیلی را ندارد. جزیيات بلوک مستطیلی با سه پارامتر  $K_1$ ,  $K_2$  و  $K_3$  مشخص می‌شود. سه پارامتر بلوک تنش را می‌توان با وارد کردن برآیند نیروی فشاری در وسط ارتفاع بلوک تنش مستطیلی به دو پارامتر بلوک تنش مستطیلی معادل کاوش داد.

پارامتر  $K_2$  موقعیت مرکز سطح زیر منحنی تنش - کرنش محصور نشده را نشان می‌دهد که با توجه به شکل (۱) از رابطه زیر تعیین می‌شود:

$$\epsilon_c = k_2 \epsilon_c + \bar{\epsilon}_c \quad (1)$$

$$k_2 = (\epsilon_c - \bar{\epsilon}_c) / \epsilon_c \quad (2)$$

که در آن  $\bar{\epsilon}$  مرکز هندسی منحنی تنش - کرنش است که از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$\bar{\epsilon}_c = \int_0^{\epsilon_{cu}} f_c \epsilon_c d\epsilon_c / \int_0^{\epsilon_{cu}} f_c d\epsilon_c \quad (3)$$

حال در صورتی که معادله تنش - کرنش بتن مشخص باشد با جایگذاری در معادله (۳) می‌توان مرکز سطح منحنی را مشخص

سیمان استفاده شده در تهیه کلیه نمونه‌ها، سیمان پرتلند نوع II (PC) با چگالی ۳/۱۵ و نرمی  $m^3 kg$  ۲۹۳ بود. در تهیه بتن جهت بهبود ناحیه مرزی LWAC از میکروسیلیس (SF) مطابق با چگالی ASTM C۱۴۴۰ با چگالی ویژه ۲/۳۲ و وزن مخصوص تودهای SF استفاده شد. با توجه به این که خاصیت جذب آب زیاد را دارد و از طرفی سنگدانه‌های سبک اسکوریا و پومیس نیز درصد جذب بالایی را در مقایسه با سنگدانه‌های معمولی دارند در تهیه بتن از فوق روان کننده استفاده شد. در این تحقیق فوق روان کننده معمولی با چگالی ویژه  $1/21 g/cm^3$  مطابق با آین نامه ASTM C ۴۹۴ به میزان ۰/۸ درصد وزن سیمان به کار گرفته شد. سنگدانه پومیس از معدن طبیعی اسکنдан در نزدیکی تبریز (آذربایجان شرقی - ایران) و سنگدانه اسکوریا از معدن طبیعی آجواج در نزدیکی سلماس (آذربایجان غربی - ایران) تهیه شدند.

در این تحقیق اندازه بزرگترین سنگدانه سبک که در تهیه بتن استفاده شد  $12/5 mm$  بود. مشخصات سنگدانه‌ها در جدول (۲) آرائه شده است.

### ۲-۴- روش آزمایش‌ها

ارزیابی پارامترهای بلوک تنش مستطیلی روی دو نوع سنگدانه سبک بوده که در ۲۷ مخلوط بتی آزمایش شده است (جدول ۳). مقاومت فشاری  $f_c$  با آزمایش روی نمونه‌های استوانه‌ای  $150 \times 300 mm$  با آهنگ بارگذاری  $0/32 Mpa/sec$  (۵/۳ kN/sec) طبق استاندارد ASTM C ۳۹ تعیین شد و مدول الاستیسیته ( $E_c$ ) با آزمایش روی نمونه‌های استوانه‌ای  $150 \times 300 mm$   $255 kpa/sec$  ( $150 \times 300 mm$  با آهنگ بارگذاری  $4/5 Mpa/sec$ ) مطابق با ASTM C ۴۶۹ اندازه گیری شد. اندازه گیری مدول الاستیسیته با استفاده از دستگاه هیدرولیکی ELE-۲۰۰۰ ADR انجام شد. نمونه‌ها به یک وسیله دارای دو سنسور جابجایی (LVDT) با دقت  $0.03\%$  که کرنش ناحیه  $150$  میلیمتر میانی نمونه‌های استوانه‌ای را اندازه گیری می‌کند تجهیز شدند (شکل ۲).

افت سریع داشتند. بنابراین بیان شاخه نزولی منحنی تنش - کرنش خیلی پیچیده و مشکل است. البته برای LWAC با مقاومت بالا این پدیده بیشتر نمایان بود. با توجه به این که بیشترین کرنش محوری LWAC، تا تنش حداکثر رخ می دهد و اثر ناحیه تنش - کرنش پس از تنش حداکثر در مقابل ناحیه قبل از آن کمتر است در این تحقیق فرض شده است که کرنش نهایی با کرنش متناظر با تنش حداکثر، برابر است (یعنی  $\epsilon_{eu} = \epsilon_{eo}$ ) و در تعیین پارامترهای بلوک تنش مستطیلی از این فرض استفاده شده است.

شکل (۴) منحنی تنش - کرنش محصور نشده تعدادی از مخلوطهای بتن ساخته شده با اسکوریا و پومیس محلی تا نقطه تنش حداکثر را نشان می دهد. منحنی های تنش - کرنش با حالت خطی ارتتجاعی شروع شده و آنگاه انحنای پیدا کرده وارد محدوده پلاستیک می شود. مشخصات مکانیکی بتن نظری مدول الاستیسیته استاتیکی و مماس اولیه را می توان از ناحیه خطی منحنی نیز به دست آورد.

اعتقاد بر این است که کاهش سختی LWAC در نتیجه خصوصیات مواد LWA استفاده شده در بتن است و شاخه صعودی تنش - کرنش LWAC تقریباً تزدیکی با رخ حداکثر خطی باقی میماند. در حالی که در NWC به علت وجود ریزترک های اولیه پاسخ تنش - کرنش در شاخه صعودی به صورت منحنی ظاهر می شود.

برای تعیین سطح و مرکز سطح منحنی تنش - کرنش، بر روی داده های آزمایش منحنی تنش - کرنش، برآذش رگرسیون غیرخطی انجام گردید. یکی از مناسب ترین معادله ریاضی که با منحنی های تنش - کرنش محصور نشده تجربی مطابقت می کرد معادله درجه دو بود (معادله ۷). در برآذش غیرخطی معادله درجه دو، ضریب همبستگی برای تمامی های بیش از ۹۹٪ حاصل شد.

$$y = ax^2 + bx + c \quad (7)$$

در رابطه (۷) پارامترهای  $x$  و  $y$  عبارتند از :

$$y = f_c, \quad x = \epsilon_c \quad (8)$$

با اعمال شرایط مرزی (یعنی  $x=0$  و  $y=0$ ) ضریب  $c$  برابر صفر خواهد بود. دو ضریب دیگر معادله ۷ با برآذش داده های

کرد. در این تحقیق برای مشخص کردن نقطه اثر نیروی فشاری (مرکز هندسی منحنی)، منحنی تنش - کرنش به سطوح ذوزنقه ای با قاعده ۴ تقسیم شده و نسبت به هر قطعه کوچک رابطه لنگر اول نوشته شد.

با مشاهده شکل (۱) مشخص می شود پارامتر  $k_1$  دو برابر  $k_2$  است:

$$k_1 = 2 k_2. \quad (4)$$

برای تعیین پارامتر  $k_3$  سطح زیر منحنی تنش - کرنش واقعی برابر با سطح بلوک مستطیلی فرض می شود یعنی:

$$A = k_3 k_1 f_c' \epsilon_{eu} = \int_0^{\epsilon_{eu}} f_c d \epsilon_c, \quad (5)$$

پس خواهیم داشت:

$$k_3 = \int_0^{\epsilon_{eu}} f_c d \epsilon_c / k_1 f_c' \epsilon_{eu}. \quad (6)$$

### ۳- نتایج و بحث

#### ۳-۱- منحنی تنش - کرنش

در ک چگونگی رفتار مواد تحت اثر اعمال بار، با مطالعه رفتار تنش - کرنش امکان پذیر است. شکل عمومی تنش - کرنش می تواند به سوال مربوط به سختی اولیه و پس از تسلیم، تردی و درجه خسارت مواد در اثر اعمال بار و ظرفیت تغییر شکل کلی مواد را پاسخ دهد.

شیب شاخه نزولی منحنی تنش - کرنش میزان شکل پذیری ماده را تامین می کند. شاخه نزولی با شیب تند خرابی ماده در شرایط تردی را نشان می دهد، در حالی که رفتار تنش - کرنش با شیب تخت کامل یا شاخه افقی پس از تنش حداکثر، یک ماده کاملاً خمیری را نشان می دهد. به دلیل کم بودن سختی سنگدانه های سبک، شاخه نزولی نمونه LWAC تا حدی شیب تندی دارد. در این نوع بتن معمولاً دانه های ضعیف تر از خمیر سیمان اطراف خود گرایش به ترک های داخلی که مستقیماً درون دانه ها تکثیر می شوند دارند. سنگدانه ها در NWC که سخت تر از خمیر سیمان بوده مانع ترک شده طوری که انتشار ترک را به تأخیر انداخته و ماده نرم را به وجود می آورد. نمونه های LWAC به ویژه بتن ساخته شده با اسکوریا، موقعی که تحت آزمایش فشاری تک محوری به تنش حداکثر رسیدند به صورت آنی و ترد شکسته شدند. بدین دلیل در آزمایش ها بعد از مرحله گسیختگی منحنی ها

می شوند. سنگدانه ها در NWC که سخت تر از خمیر سیمان بوده مانع ترک شده طوری که انتشار ترک را به تأخیر انداخته و ماده نرم را به وجود می آورد. نمونه های LWAC به ویژه بتن ساخته شده با اسکوریا، موقعی که تحت آزمایش فشاری تک محوری به تنش حداکثر رسیدند به صورت آنی و ترد شکسته شدند. بدین دلیل در آزمایش ها بعد از مرحله گسیختگی منحنی ها

$$k_1 k_3 = 0.630 - 0.00186 f_c' . \quad (11)$$

روابط بالا با منحنی تنش - کرنش محصور نشده تجربی سازگاری بسیار زیادی را دارند. بنابراین، این پارامترها برای استفاده در طراحی اعضای بتی ساخته شده با LWAC با سنگدانه‌های اسکوریا و پومیس محلی معتبر هستند.

برای ارزیابی روابط پیشنهاد شده ظرفیت خمی یک مقطع بتن آرمه به ابعاد  $200 \times 300$  mm دارای دو آرماتور کششی به قطر ۱۶ mm برای بتن‌های با مقاومت‌های فشاری مختلف، با روابط توصیه شده ACI [۶] و روابط پیشنهادی در این تحقیق، محاسبه شده و نتایج آن در شکل (۵) نشان داده شده است. نتیجه‌ای که می‌توان از شکل (۵) گرفت این است که برای یک مقطع مشخص با هر نوع مقاومت فشاری بتن، مقاومت خمی تیر بتن آرمه LWAC که با روابط پیشنهادی تخمین زده می‌شود NWC برای ACI کمتر از مقادیر تخمینی از روابط توصیه شده می‌باشد و این اختلاف با افزایش مقاومت فشاری بتن افزایش می‌یابد.

### ۳-۳- مقایسه روابط پیشنهادی با روابط موجود

تاکنون روابطی که برای پارامترهای بلوك تنش مستطیلی ارائه شده است برای بتن معمولی و بتن با مقاومت بالا می‌باشند

$$k_1 = 0.731 - 0.00076 f_c' , \quad (9)$$

$$k_3 = 0.863 - 0.00173 f_c' , \quad (10)$$

جدول ۲ - مشخصات سنگدانه‌های مصرفی

مقواومت فشاری (Mpa) دانه	جذب آب (%)		چگالی ویژه			چگالی توده‌ای (kg/m³)		مصالح
	۲۴ ساعت	۳۰ دقیقه	خشک (OD)	خشک (SSD)	اشبع با سطح خشک (SSD)	غیر متراکم		
۶/۷۲	۱۴/۸۴	۱۱/۶۳	۱/۶۰	۱/۸۴	۸۹۵	۹۹۵	اسکوریا (PA)	سنگدانه درشت
۵/۰۵	۲۷/۸۴	۱۹/۱۰	۱/۱۷	۱/۳۸	۷۶۸	۸۲۹	پومیس (SA)	سنگدانه ریز
	۱/۲۰		۲/۲۹	۲/۳۸			شن	
							اسکوریا (PA)	
۱۳/۶۵		۱/۵۲		۱/۷۲				سنگدانه ریز
۳/۴۴		۲/۳۵		۲/۴۸			ماسه	

جدول ۳- مقدار اجزای تشکیل دهنده مخلوطهای بتن سبک برای یک مترمکعب بتن (kg/m<sup>3</sup>)

شماره	طرح	اختلاط	سیمان	میکروسیلس	سنگدانه درشت		سنگدانه ریز		نسبت آب به سیمان	اسلامپ (mm)
					سبک	اسکوریا پومیس	سبک	اسکوریا پومیس		
S1	۴۸	۴۳۲	۶۸۵	۷۰۰	۷/۲	۰/۳۵	۷۰	۶۰۳	۰/۳۵	۷۰
S2	۴۸	۵۰۳	۶۸۵	۷۰۰	۷/۲	۰/۳۳	۵۲	۶۰۳	۰/۳۳	۵۲
S3	۴۸	۵۰۳	۶۸۵	۷۰۰	۷/۲	۰/۳۶	۶۵	۶۰۳	۰/۳۶	۶۵
S4	۵۱	۴۵۶	۷۰۰	۶۵۳	۷/۶	۰/۳۴	۷۵	۶۰۳	۰/۳۴	۷۵
S5	۵۱	۴۵۶	۷۰۰	۶۵۳	۷/۶	۰/۳۰	۴۲	۶۰۳	۰/۳۰	۴۲
S6	۵۱	۴۵۶	۷۰۰	۶۵۳	۷/۶	۰/۲۹	۳۳	۶۰۳	۰/۲۹	۳۳
S7	۵۱	۴۵۶	۷۰۰	۶۵۳	۷/۶	۰/۳۱	۴۵	۶۰۳	۰/۳۱	۴۵
S8	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۶۰۳	۷/۶	۰/۳۰	۶۵	۶۰۳	۰/۳۰	۶۵
S9	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۶۰۳	۷/۶	۰/۳۲	۸۵	۶۰۳	۰/۳۲	۸۵
S10	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۶۰۳	۷/۶	۰/۳۱	۷۰	۶۰۳	۰/۳۱	۷۰
S11	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۶۰۳	۷/۶	۰/۲۷	۴۲	۶۰۳	۰/۲۷	۴۲
S12	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۶۰۳	۷/۶	۰/۲۸	۵۲	۶۰۳	۰/۲۸	۵۲
S13	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۶۰۳	۷/۶	۰/۲۹	۵۸	۶۰۳	۰/۲۹	۵۸
S14	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۱۸۵	۷/۶	۰/۳۳	۴۸	۱۸۵	۰/۳۳	۴۸
S15	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۱۸۵	۷/۶	۰/۳۵	۶۰	۱۸۵	۰/۳۵	۶۰
S16	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۴۲۵	۷/۶	۰/۳۵	۷۸	۴۲۵	۰/۳۵	۷۸
S17	۵۱	۴۵۶	۶۸۵	۴۲۵	۷/۶	۰/۳۷	۸۵	۴۲۵	۰/۳۷	۸۵
P1	۵۱	۴۵۶	۵۸۴	۶۱۰	۷/۶	۰/۳۵	۶۳	۶۱۰	۰/۳۵	۶۳
P2	۵۱	۴۵۶	۵۸۴	۶۱۰	۷/۶	۰/۳۳	۵۲	۶۱۰	۰/۳۳	۵۲
P3	۵۱	۴۵۶	۶۱۶	۵۶۵	۷/۶	۰/۳۰	۵۰	۵۶۵	۰/۳۰	۵۰
P4	۵۱	۴۵۶	۶۱۶	۵۶۵	۷/۶	۰/۳۳	۷۸	۵۶۵	۰/۳۳	۷۸
P5	۵۱	۴۵۶	۶۴۸	۵۱۶	۷/۶	۰/۳۲	۶۲	۵۱۶	۰/۳۲	۶۲
P6	۵۱	۴۵۶	۶۴۸	۵۱۶	۷/۶	۰/۳۰	۷۳	۵۱۶	۰/۳۰	۷۳
P7	۵۱	۴۵۶	۵۸۵	۵۴۸	۷/۶	۰/۳۱	۴۰	۵۴۸	۰/۳۱	۴۰
P8	۵۱	۴۵۶	۵۸۵	۵۴۸	۷/۶	۰/۳۳	۵۰	۵۴۸	۰/۳۳	۵۰
P9	۵۱	۴۵۶	۵۸۵	۲۷۵	۷/۶	۰/۳۳	۶۵	۲۷۵	۰/۳۳	۶۵
P10	۵۱	۴۵۶	۵۸۵	۲۷۵	۷/۶	۰/۳۱	۵۰	۲۷۵	۰/۳۱	۵۰

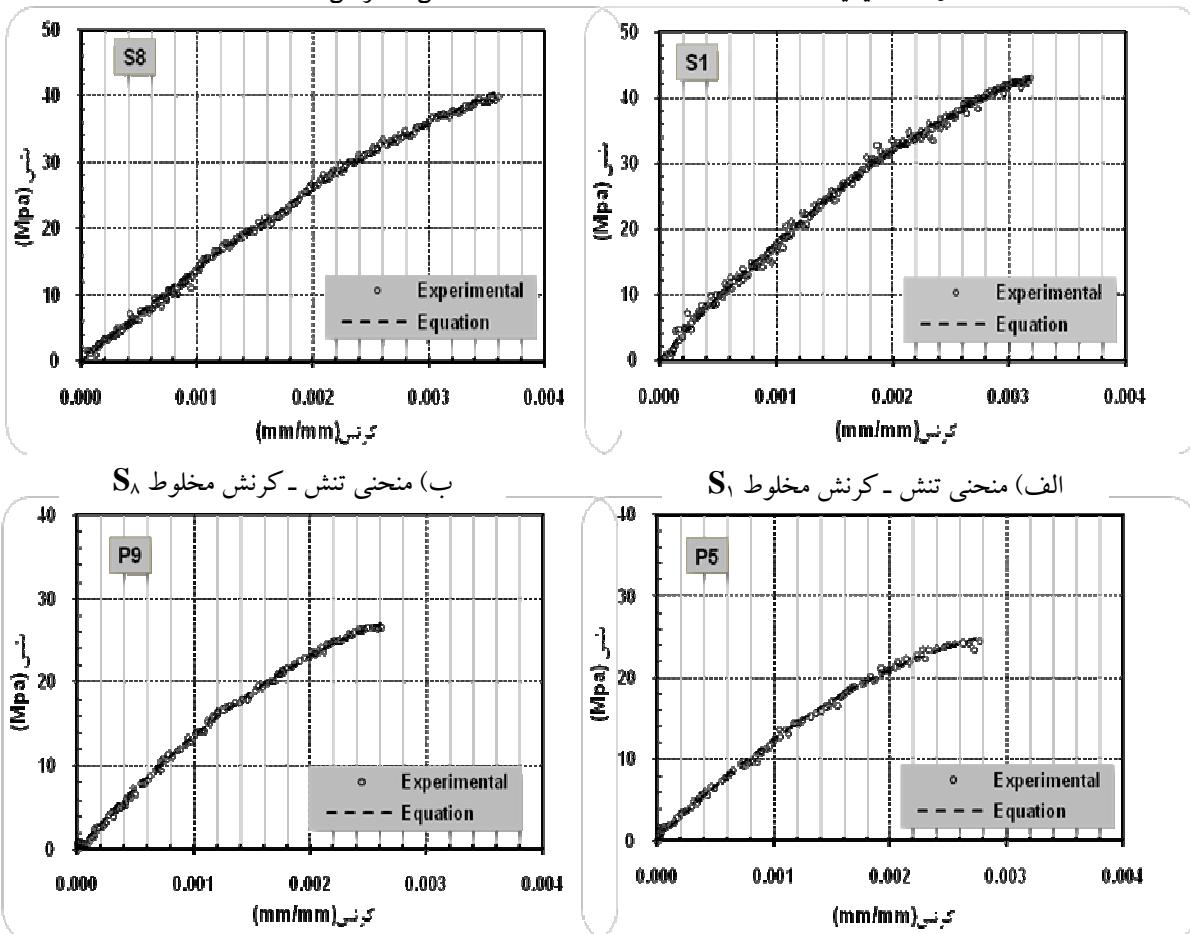
\*وزن سنگدانه های سبک و معمولی در حالت SSD می باشند.



شكل ۳- آزمایش تعیین منحنی  
تنش - کرنش



شكل ۲- آزمایش تعیین  
مدول الاستیسیته



شکل ۴- منحنی تنش - کرنش مخلوط LWAC ساخته شده با اسکوریا و پومیس

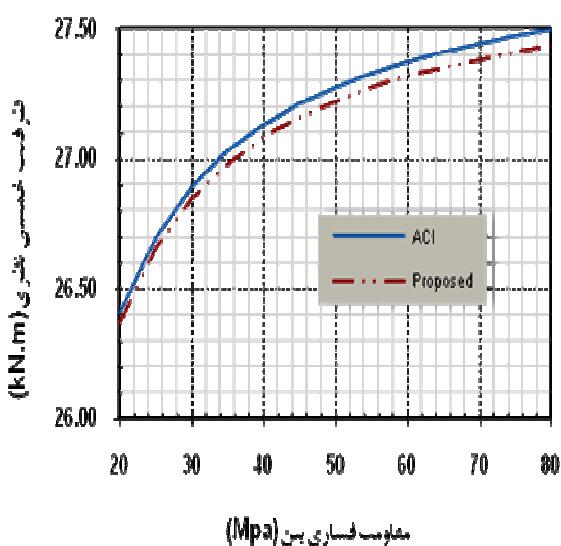
جدول ۴- مشخصات فیزیکی بتن LWAC و ضرایب معادله غیرخطی برازش منحنی تنش -  
کرنش

شماره طرح اختلاط	مقاومت فتاری (Mpa)	مدول الاستیسیته (Gpa)	کرنش mm/mm)	وزن مخصوص بن خشک شده (Kg/m <sup>3</sup> )	ضریب a	ضریب b
S1	۴۳	۱۵/۹۶۸	۰/۰۰۳۱۸	۱۸۸۴	-۲۰۰۶۶۵۲/۸۰	۱۹۹۵۳/۹۰
S2	۴۴	۱۸/۱۸۶	۰/۰۰۳۴۳	۱۹۴۸	-۲۰۱۵۶۴۵/۲۰	۱۹۵۵۱/۷۳
S3	۴۰	۱۷/۶۶۳	۰/۰۰۲۸۲	۱۹۲۳	-۱۳۳۶۶۹۶/۱۰	۱۷۳۰۸/۱۴
S4	۴۱	۱۴/۰۲۵	۰/۰۰۳۶۰	۱۸۹۸	-۵۶۸۱۱۳/۷۳	۱۳۲۲۳/۹۲
S5	۴۷	۱۸/۷۶۸	۰/۰۰۳۱۱	۱۸۸۷	-۱۲۱۹۴۲۱/۵۰	۱۹۴۵۴/۸۴
S6	۵۱	۱۷/۴۵۶	۰/۰۰۳۷۸	۱۹۰۸	-۸۱۷۲۲۴/۳۹	۱۶۵۱۵/۳۵
S7	۴۷	۱۶/۲۸۲	۰/۰۰۳۶۷	۱۸۹۵	-۱۰۳۳۳۶۲/۰۰	۱۶۸۱۱/۳۳
S8	۴۱	۱۵/۲۰۲	۰/۰۰۳۶۷	۱۷۸۶	-۱۰۴۵۸۷۹/۹۰	۱۵۱۰۱/۷۱
S9	۳۷	۱۳/۰۱۴	۰/۰۰۳۴۱	۱۷۶۲	-۷۶۴۵۳۴/۷۲	۱۳۲۲۳/۳۷
S10	۳۸	۱۴/۸۴۲	۰/۰۰۳۴۵	۱۸۵۶	-۶۲۸۰۳۳/۲۷	۱۳۶۴۴/۴۴
S11	۴۴	۱۴/۱۲۱	۰/۰۰۳۶۱	۱۸۶۸	-۱۰۴۳۳۶۳/۱۰	۱۵۰۶۶/۵۶
S12	۴۲	۱۵/۵۲۴	۰/۰۰۳۴۹	۱۸۱۰	-۱۱۸۲۲۰۲/۲۰	۱۵۹۲۹/۶۵
S13	۳۸	۱۳/۷۴۱	۰/۰۰۳۲۷	۱۸۲۰	-۹۹۹۲۳۵/۴۰	۱۴۸۸۰/۱۹
S14	۳۵	۱۵/۷۴۷	۰/۰۰۲۸۲	۱۷۷۶	-۸۸۷۷۳۹/۵۵	۱۴۹۸۳/۱۰
S15	۳۳	۱۴/۳۳۰	۰/۰۰۲۸۵	۱۷۸۶	-۱۳۲۸۷۶۶/۵۰	۱۵۲۰۱/۲۲
S16	۳۳	۱۴/۶۴۳	۰/۰۰۳۱۸	۱۷۳۸	-۱۶۲۱۸۰۵/۲۰	۱۵۳۹۲/۱۵
S17	۳۷	۱۵/۲۹۵	۰/۰۰۳۳۲	۱۷۲۴	-۱۶۴۴۶۰۷/۲۰	۱۶۴۴۹/۰۱
P1	۲۷	۱۰/۹۲۴	۰/۰۰۲۹۹	۱۷۳۲	-۱۳۲۲۷۴۲/۱۰	۱۳۲۱۳/۹۴
P2	۳۲	۱۴/۸۶۸	۰/۰۰۳۳۱	۱۶۹۰	-۱۹۷۲۹۲۳/۰۰	۱۶۳۳۵/۹۱
P3	۲۵	۱۱/۸۵۹	۰/۰۰۲۷۶	۱۶۷۶	-۱۲۱۰۷۶۳/۰۰	۱۲۴۷۷/۴۵
P4	۲۴	۱۲/۱۱۰	۰/۰۰۳۰۳	۱۶۱۰	-۱۹۵۳۷۷۴/۲۰	۱۴۰۶۰/۵۰
P5	۲۵	۱۱/۰۳۷	۰/۰۰۲۷۷	۱۶۸۰	-۱۹۱۸۶۴۵/۴۰	۱۴۳۲۹/۸۰
P6	۲۷	۱۳/۷۸۷	۰/۰۰۲۵۵	۱۶۹۴	-۱۸۳۲۴۲۶/۹۰	۱۵۵۶۸/۳۱
P7	۲۶	۱۳/۵۶۷	۰/۰۰۲۷۱	۱۵۶۴	-۱۱۷۱۱۹۰/۹۰	۱۲۶۷۰/۵۳
P8	۲۵	۱۱/۱۱۸	۰/۰۰۲۹۱	۱۵۷۸	-۱۰۳۰۴۹۵/۴۰	۱۱۶۶۳/۴۳
P9	۲۷	۱۳/۹۷۲	۰/۰۰۲۶۱	۱۶۴۸	-۱۹۶۵۹۳۲/۹۰	۱۵۴۶۸/۰۷
P10	۲۶	۱۱/۷۲۴	۰/۰۰۲۷۴	۱۶۳۴	-۱۷۴۸۷۱۰/۹۰	۱۴۲۸۱/۷۳

برای این که در یک نگاه روابط به دست آمده با روابط موجود مقایسه شود، تعدادی از روابط پیشنهادی محققان و توصیه های آین نامه ای به همراه روابط این تحقیق به صورت نمودار در شکل های (۶) نشان داده شده است.

پارامتر  $K_2$  به ازای تمامی مقاومت های فشاری بتن در مقایسه با ACI [۶] کمتر است و با رابطه آین نامه [۱۰] تقریباً هم پوشانی دارد. برای LWAC ساخته شده با اسکوریا و پومیس محلی با مقاومت فشاری کمتر از ۳۵ Mpa می توان از رابطه پیشنهادی Ibrahim و همکاران [۱۳] استفاده کرد. رابطه پیشنهادی LWAC [۹] برای CEB-FIB محافظه کارانه و غیراقتصادی می باشد. رابطه پیشنهادی برای  $K_2$  توسط ACI و دیگر محققان را نمی توان با اطمینان برای LWAC استفاده کرد. لذا لازم است صحت روابط فوق در برآورد مقاومت خمشی مقاطع LWAC با نتایج آزمایشگاهی مورد ارزیابی قرار گیرند.

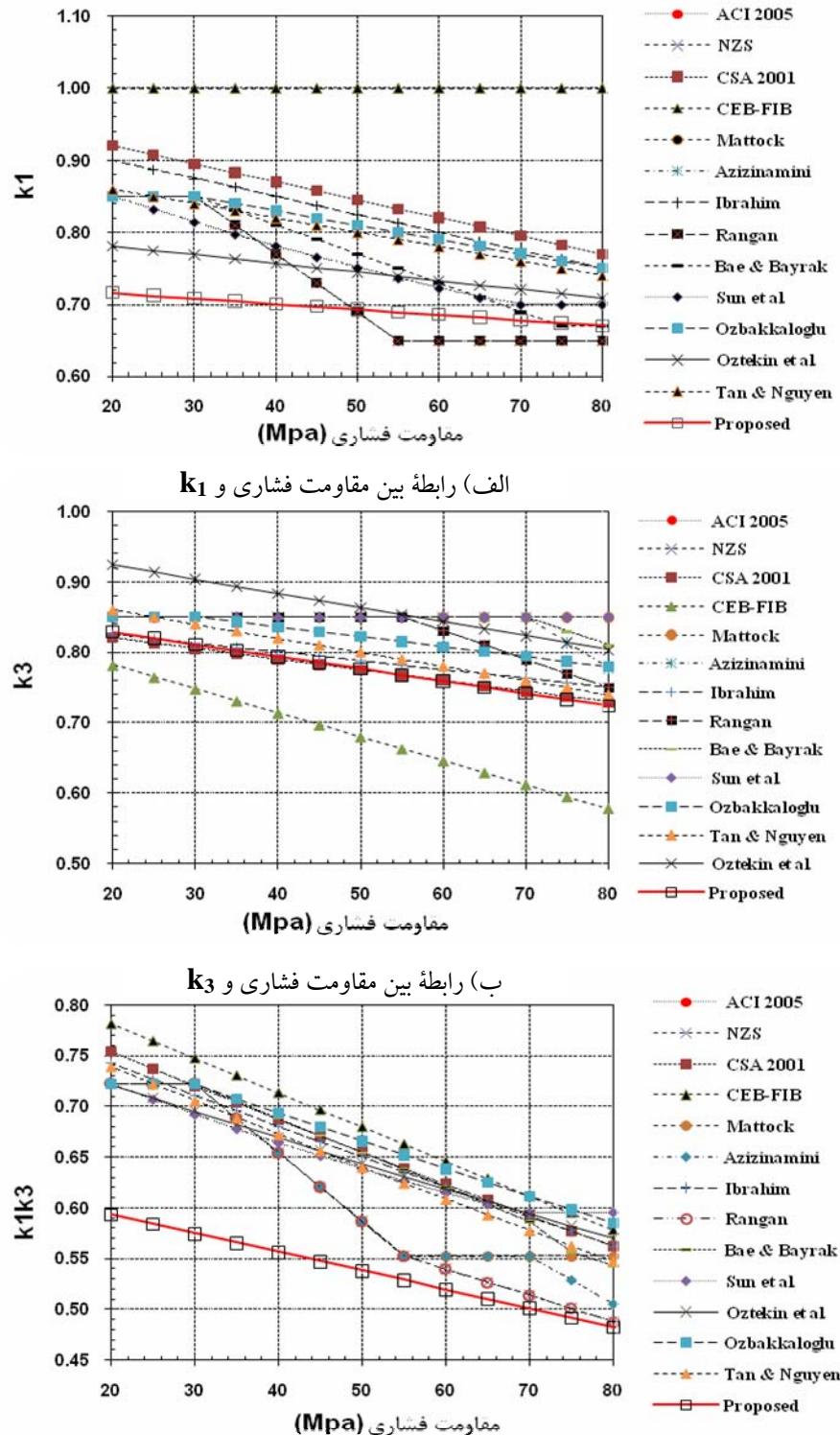
با مشاهده رابطه بین  $K_1$  و  $K_2$  با مقاومت فشاری حاصل از نتایج این تحقیق و روابط پیشنهادی آین نامه ها و محققان (شکل ۶) می توان نتیجه گرفت که روابط موجود ارائه شده توسط منابع مختلف (جدول ۱) برای بتن های LWAC ساخته شده با اسکوریا و پومیس محلی خیلی قبل اعتماد نمی باشند.



شکل ۵- مقایسه روابط پیشنهادی با ACI برای LWAC

جدول ۵- پارامترهای بلوک تنش مستطیلی برای هر نمونه

مخلوط						شماره	مقاومت	طرح
$K_1, K_2$	$K_1$	$K_2$	$K_3$	فشاری	(Mpa)	اختلاط		
۰/۵۸۰۵	۰/۷۱۱۸	۰/۳۵۵۹	۰/۸۱۵۵	۴۳	S1			
۰/۵۸۲۵	۰/۷۱۸۱	۰/۳۵۹۰	۰/۸۱۱۱	۴۴	S2			
۰/۵۲۱۵	۰/۶۹۵۰	۰/۳۴۷۵	۰/۷۵۰۴	۴۰	S3			
۰/۵۲۰۷	۰/۶۸۵۸	۰/۳۴۲۹	۰/۷۵۹۲	۴۱	S4			
۰/۵۶۰۰	۰/۶۹۱۶	۰/۳۴۵۸	۰/۸۰۹۸	۴۷	S5			
۰/۵۳۵۷	۰/۶۹۰۴	۰/۳۴۵۲	۰/۷۷۵۹	۵۱	S6			
۰/۵۶۲۰	۰/۶۹۶۲	۰/۳۴۸۱	۰/۸۰۷۲	۴۷	S7			
۰/۵۵۲۸	۰/۶۹۹۹	۰/۳۴۹۹	۰/۷۸۹۷	۴۱	S8			
۰/۵۲۹۷	۰/۶۹۱۹	۰/۳۴۵۹	۰/۷۶۵۶	۳۷	S9			
۰/۵۵۳۸	۰/۶۸۶۴	۰/۳۴۳۲	۰/۸۰۶۸	۳۸	S10			
۰/۵۳۵۶	۰/۶۹۸۷	۰/۳۴۹۴	۰/۷۶۶۵	۴۴	S11			
۰/۵۴۷۶	۰/۷۰۱۵	۰/۳۵۰۷	۰/۷۸۰۶	۴۲	S12			
۰/۵۴۰۴	۰/۷۰۳۰	۰/۳۵۱۵	۰/۷۶۸۷	۳۸	S13			
۰/۵۴۰۲	۰/۶۸۷۶	۰/۳۴۳۸	۰/۷۸۵۷	۳۵	S14			
۰/۵۵۱۹	۰/۶۹۹۹	۰/۳۴۹۹	۰/۷۸۸۶	۳۳	S15			
۰/۵۸۰۴	۰/۷۱۴۶	۰/۳۵۷۳	۰/۸۱۲۱	۳۳	S16			
۰/۵۸۱۶	۰/۷۱۴۰	۰/۳۵۷۰	۰/۸۱۴۵	۳۷	S17			
۰/۵۷۶۴	۰/۷۰۸۳	۰/۳۵۴۱	۰/۸۱۳۸	۲۷	P1			
۰/۶۱۷۴	۰/۷۲۷۷	۰/۳۶۳۶	۰/۸۴۹۰	۳۲	P2			
۰/۵۶۳۰	۰/۷۰۳۱	۰/۳۵۱۵	۰/۸۰۰۸	۲۵	P3			
۰/۶۳۸۸	۰/۷۳۱۶	۰/۳۶۵۸	۰/۸۷۳۱	۲۴	P4			
۰/۶۰۶۸	۰/۷۲۱۴	۳۶۰۷	۰/۸۴۱۱	۲۵	P5			
۰/۵۸۸۱	۰/۷۰۸۴	۰/۳۵۴۲	۰/۸۳۰۲	۲۷	P6			
۰/۵۵۰۱	۰/۷۰۰۱	۰/۳۵۰۰	۰/۷۸۵۷	۲۶	P7			
۰/۵۶۲۵	۰/۷۰۱۱	۰/۳۵۰۶	۰/۸۰۲۲	۲۵	P8			
۰/۵۹۱۳	۰/۷۱۴۰	۰/۳۵۷۰	۰/۸۲۸۱	۲۷	P9			
۰/۵۷۸۰	۰/۷۱۴۷	۰/۳۵۷۳	۰/۸۰۸۷	۲۶	P10			



- Concrete in Compression," American Concrete Ins. J. Proceeding, 75(11), 603-614, 1978.
- [4]. Mander, J.B.; Priestley, M. J. N; Park, R. "Theoretical Stress-Strain Model for Confined Concrete," ASCE Journal of Structural Engineering, 114(8), 1804-1826, 1988.
- [5]. Wee, T. H.; Chin, M. S.; and Mansur, M. A., "Stress-Strain Relationship of High Strength Concrete in Compression," Journal of Materials in Civil Engineering, ASCE, 1996.
- [6]. Attard, M. M.; Setunge, S., "Stress-Strain Relationship of Confined and Unconfined Concrete," ACI Materials Journal, 93(5), 432-442, 1996.
- [7]. ACI Committee 318 , "Building Code Requirements for Structural Concrete," ACI (318-05) and Commentary (318R-05) , American Concrete Institute, Farmington Hills, MI, 2005.
- [8]. New Zealand Concrete Structures Standards (NZS 3101), New Zealand Standards, 1995.
- [9]. CEB-FIB Model Code 1990, Thomas Telford Services Ltd., London, for Comité Euro-International du Béton, Laussane, 1993.
- [10]. CSA Technical Committee, CSA-94, "Design of Concrete Structures for Buildings," CAN3-A23.3-M94, Canadian Standards Association, Rexdale, Ont, Canada, 1994.
- [11]. Mattock, A. H.; Kriz, L. B.; Hognestad, E., "Rectangular Concrete Stress Distribution in Ultimate Strength Design," Journal of the American Concrete Institute, 32(8), 875-928, 1961.
- [12]. Azizinamini, A. ; Kuska, S. S. B. ; Brungardt, P. ; Hatfield, E., "Seismic Behavior of Square High-Strength Concrete Columns," ACI Structural Journal, 91(3), pp. 336-345, 1994.
- [13]. Ibrahim H. ; MacGregor J.G., "Modification of ACI Rectangular Stress Block for High-Strength Concrete," ACI Structural Journal; 94(1), pp 40-48, 1997.
- [14]. Pendyala, R. ; Mendis, P. A., "A Rectangular Stress Block for High Strength Concrete," Structural Engineering Journal, Institution of Engineers, Australia, pp.135-144, 1998.
- [15].Rangan, B. V., "Studies on High-Performance High Strength Concrete (HPHSC) Columns," ACI Special Publication-186, , pp. 745-764, May 1999.
- [16].Bae, S. ; Bayrak, O., "Stress Block Parameters for High-Strength Concrete Members," ACI Structural Journal, 100(5), pp 626-636, 2003.
- [17]. Sun, C. ; Girgis, A. ; Tadros, M. K. ; Badie, S., "Structural Behavior of Flexural Member with High- Strength Concrete," ISHPC, 2003.
- [18].Oztekin, E.; Pul,S.;Husem,M., "Determination of Rectangular Stress Block Parameters for High

### ۳- نتیجه گیری

در این تحقیق پارامترهای بلوک تنش مستطیلی معادل ( $K_1$ ،  $K_2$ ) و ( $K_3$ ) با به کار گیری قسمتی از منحنی تنش - کرنش محصور نشده LWAC، که به صورت تجربی به دست آمده است، تعیین گردید.

نتایج تجربی که به صورت روابط ریاضی بیان شده است با دیگر روابط موجود مقایسه شد. در زمینه بررسی های تجربی و نظری گزارش شده در این تحقیق، نتایج زیر حاصل شد:

۱- پاسخ فشار تک محوری LWAC با NWC شباهت داشته ولی از نظر کمیت و رفتارشناسی تفاوت دارند.

۲- پارامتر  $K_3$  با تعدادی از روابط موجود که برای بتن معمولی و بتن با مقاومت بالا ارائه شده است تا حدودی مطابقت دارد. اما توصیه براین است که برای LWAC تهیه شده با اسکوریا و پومیس محلی این پارامتر با رابطه پیشنهاد شده در این مقاله (معادله ۱۰) استفاده گردد.

۳- روابط موجود در تعیین پارامتر  $K_1$  برای این نوع بتن (LWAC) معتبر نمی باشد. بنابراین در بتن هایی که از مصالح سبک دانه طبیعی استفاده می شود روابط (۹) و (۱۱) بهتر جواب می دهد.

۴- روابط پیشنهادی برای اعضای خمثی محصور نشده معتبر است و به علت این که در اعضای خمثی محصور شده مقاومت خمثی بیش تر از غیر محصور می باشد با اطمینان بیش تر می توان از این روابط استفاده کرد.

۵- اثرات  $K_1$  و  $K_2$  و محاسبه شده در این تحقیق منجر به کاهش ظرفیت خمثی اسمی محاسبه شده مقطع خمثی نسبت به روابط ارائه شده در نتایج مختلف می گردد، بنابراین توصیه می شود روابط پیشنهاد شده مبنای ارزیابی ظرفیت خمثی قرار گیرد.

### منابع

- [1]. Yi, S. T. , Kim, J. H. ; Kim, J. K., "Effect of Specimen Sizes on ACI Rectangular Stress Block for Concrete Flexural Members," ACI Structural Journal, 99(5), 701-708, 2002.
- [2]. Hognestad, E.; Hanson, N. W., McHenry, D."Concrete Stress Distribution in Ultimate Strength Design," ACI Journal, Proceedings; 52(12), 455–79, 1955.
- [3]. Wang, P.T.; Shah, S.P.; Naaman, A. E., "Stress-Strain Curve for Normal and Lightweight

Structural Journal, 101(4), pp. 475-483, 2004.  
[20].Tan, T. H. ; Nguyen, N.B., "Flexural Behavior  
of Confined High-Strength Concrete Columns,"  
ACI Structural Journal,102(2), pp. 198-205, 2005.

Strength Concrete," Engineering Structures, 25(3),  
pp. 371-376, 2003.  
[19].Ozbakkaloglu,T.; Saatcioglu,M., "Rectangular  
Stress Block for High-Strength Concrete," ACI