

## تحلیل فنی روش‌های نرم‌افزاری در طراحی روسازی بتنی غیرمسلح درزدار

ابوالفضل حسنی

دانشیار گروه راه و ترابری، دانشکده فنی، دانشگاه تربیت مدرس

[hassani@modares.ac.ir](mailto:hassani@modares.ac.ir)

منصور فخری

استادیار گروه راه و ترابری، دانشکده فنی، دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی

ابوالفضل گل محمدی

دانشجوی کارشناسی ارشد راه و ترابری، دانشکده فنی، دانشگاه تربیت مدرس

### چکیده:

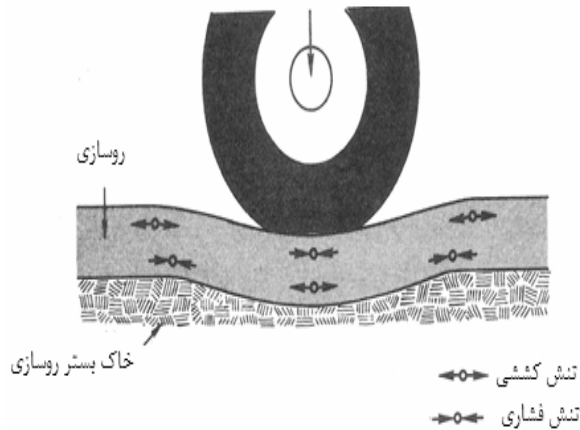
با توجه به پیچیدگی رفتار بستر و دال روسازی و گوناگونی بار وارده به روسازی، تحلیل آن برای محاسبه تنش‌ها و تغییر مکان‌ها با دست یک کار بسیار دشوار بوده و استفاده از نرم‌افزارهای کاربردی روز برای طراحی روسازی بتنی اجتناب‌ناپذیر است. در این تحقیق دو نرم‌افزار KENSLABS و EverFE که از نرم‌افزارهای تحلیل روسازی بتنی غیرمسلح درزدار می‌باشند، مورد بررسی قرار گرفته و نتایج تحلیل یک دال نمونه با استفاده از این نرم‌افزارها با روش تحلیلی وسترگارد مورد مقایسه قرار گرفته‌اند. مدل بستر مورد استفاده در نرم‌افزارها و در روش وسترگارد، مدل وینکلر بوده لذا مقایسه نتایج امکان‌پذیر می‌باشد. یکی از مدل‌های سازه‌ای که برای تحلیل دال به کار می‌رود، روش المان محدود است، که روش تحلیلی وسترگارد و نرم‌افزارهای مذکور همگی از این روش در تحلیل دال استفاده می‌کنند. برای مقایسه نتایج تحلیل در این سه روش، دالی به طول ۴/۵۷ و عرض ۳/۶۵ با ضخامت‌های مختلف و بار ۸۰ کیلونیوتن مورد تحلیل قرار گرفته است. این دال در سه حالت بار در گوشه، بار در لبه و بار در داخل دال مورد ارزیابی قرار گرفته و جداول و نمودارهایی برای بررسی نتایج هر روش به تفکیک ارائه شده است. در مقایسه نتایج بین سه حالت بارگذاری، مشخص گردید در حالت بار در گوشه برای دال با بستر مایع بیش‌ترین تنش‌ها وجود داشته و با افزایش ضخامت دال اختلاف بین تنش‌ها در سه حالت بار انتخاب شده کاهش می‌یابد. همچنین مشاهده گردید که نرم‌افزار EverFE به دلیل انجام المان‌بندی در راستای ضخامت دال، نتایج دقیق‌تری را نسبت به دو روش دیگر ارائه می‌دهد.

واژه‌های کلیدی: روسازی بتنی، نرم‌افزار تحلیل روسازی، EverFE، KENSLABS، KENPAVE

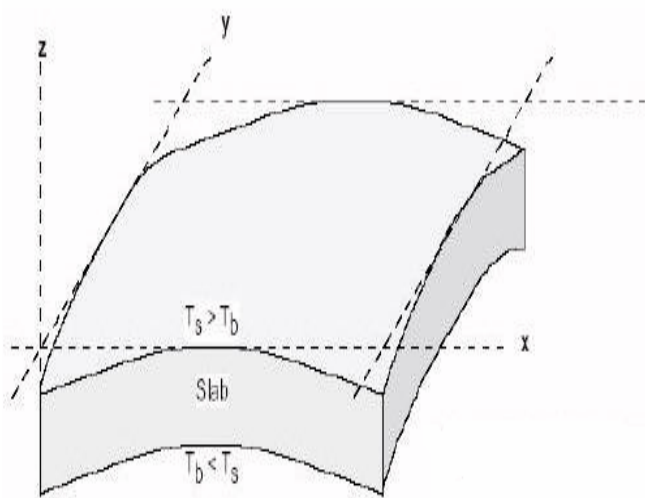
### ۱- مقدمه

هدف از اجرای روسازی ایجاد یک سطح صاف و هموار با ایمنی کافی برای رفت و آمد وسایل نقلیه عبوری می‌باشد. این روسازی باید دارای خصوصیتی باشد تا بتواند علاوه بر تحمل وزن وسایل نقلیه، در کلیه شرایط جوی در برابر عوامل فیزیکی و جوی نیز مقاوم باشد.

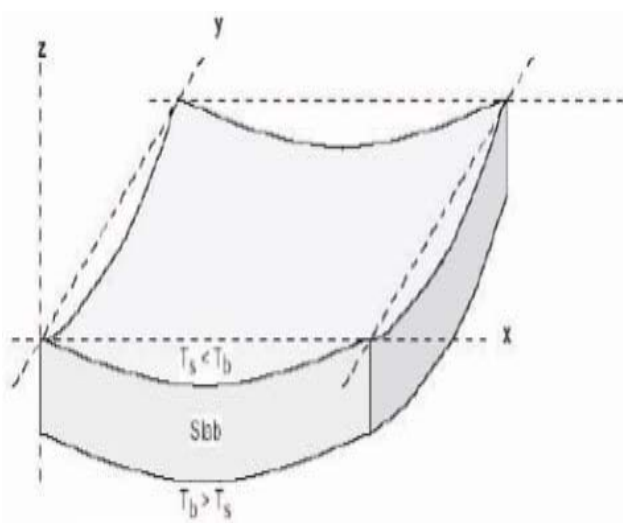
برای استفاده از زمین طبیعی برای تحمل بارهای سنگین می‌بایست شدت تنش‌های وارده را تا حد مقاومت بستر کاهش داد. لذا با استقرار لایه‌های مقاوم بر روی این بستر که به روسازی موسوم است به این خواسته دست می‌یابیم. مطابق شکل ۱، ملاحظه می‌شود که با افزایش ضخامت روسازی تنش‌های فشاری قائم حاصل از بارگذاری بر روی بستر کاهش می‌یابد و شدت این تنش‌ها در زیر بار حداکثر می‌باشد.



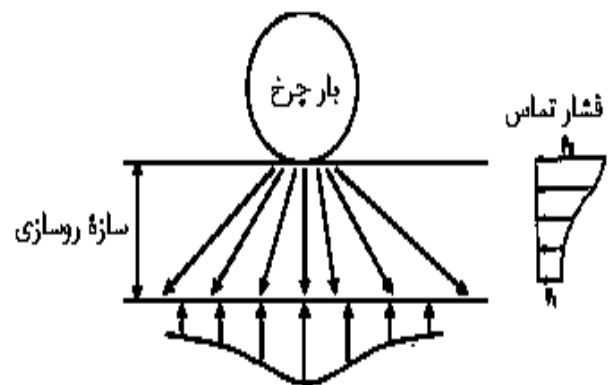
شکل ۲- تنش‌های کششی و فشاری ناشی از بارگذاری



شکل ۳- تنش دال در روز که دمای سطح دال ( $T_s$ ) بیش‌تر از دمای زیر دال ( $T_b$ ) است



شکل ۴- تنش دال در شب که دمای سطح دال ( $T_s$ ) کم‌تر از دمای زیر دال ( $T_b$ ) است



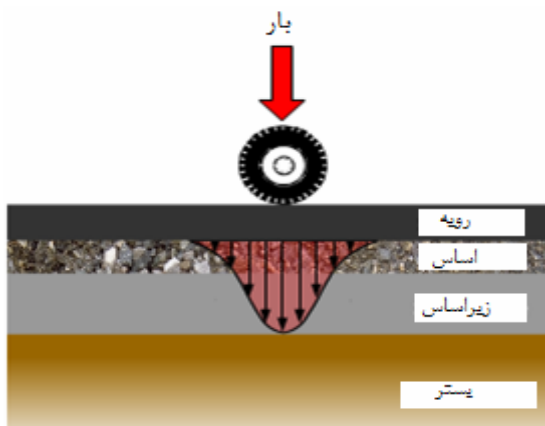
شکل ۱- توزیع تنش فشاری قائم در روسازی

روسازی‌ها تحت اثر ترافیک عبوری باید از مقاومت بالایی برخوردار باشند، لذا در ساخت و اجرای آنها معمولاً از مصالحی همچون قیر و سیمان استفاده می‌شود. این روسازی در اثر بارگذاری دچار تغییر شکل شده و در نتیجه در آن تنش‌های کششی و فشاری به وجود می‌آید. شکل ۲ حالت و محل این تغییرشکل‌ها را در روسازی نشان می‌دهد.

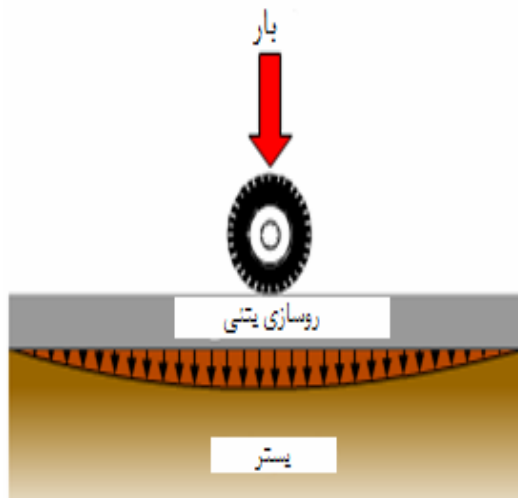
در صورتی که شدت تنش‌های کششی حاصل در هر یک از لایه‌های روسازی از میزان مقاومت کششی مصالح آن لایه بیش‌تر گردد، موجبات شکست و ترک خوردگی در آن را فراهم خواهد آورد.

شکل در سطوح نسبتاً وسیعی به خاک بستر منتقل می‌کنند. این موضوع در شکل ۶ نشان داده شده است.

انتخاب نوع روسازی یکی از مهمترین مسائلی است که امروزه به دلیل تحولات شدید در مصرف محصولات نفتی و گرانی و اهمیت آن، می‌بایست مورد نظر باشد. در کشور ما به دلیل فراوانی قیر و کمبود سیمان در سال‌های گذشته بیش‌تر به روسازی آسفالتی توجه شده و هیچ‌نگاهی به استفاده از روسازی بتنی صورت نگرفته است. ولی اکنون که قیمت قیر بالا رفته و تولید سیمان در کشور نیز تقریباً رو به افزایش است، می‌توان به عنوان یک گزینه مطرح، روسازی بتنی را نیز مورد توجه قرار داد. بیش‌تر در بزرگراه‌ها که ترافیک بالایی دارند و همچنین روسازی فرودگاه‌ها به دلیل سنگینی بارهای وارده، می‌توان از این روسازی استفاده کرد. لذا ضرورت معرفی یک نرم‌افزار برای تحلیل این نوع روسازی قابل درک خواهد بود.



شکل ۵- توزیع بار رویه در روسازی انعطاف‌پذیر



شکل ۶- توزیع بار دال در روسازی صلب

از عوامل جوی مؤثر بر روسازی بتنی می‌توان به میزان رطوبت و تغییرات دمایی اشاره کرد. در صورتی که روسازی در مقابل آب نفوذپذیر باشد، نفوذ آب باعث کاهش مقاومت رویه و بستر شده و با متورم شدن خاک بستر معیبی در بستر به وجود می‌آید. همچنین در اثر تغییرات دمایی بالا و پایین دال، همانطور که در شکل ۳ و ۴ نشان داده شده است، دال دچار خمش شده و ترک‌هایی در دال ایجاد می‌گردد.

عوامل زیادی در طراحی روسازی وجود دارند و به این دلیل طرح آنها از پیچیدگی خاصی برخوردار است. علاوه بر این متغیر بودن این عوامل نیز بر پیچیدگی آنالیز روسازی افزوده است. چرا که در طول هر مسیر امکان تفاوت میان شرایط جوی و خصوصیات خاک بستر بسیار زیاد است. همچنین با توجه به حجم بسیار بالای مصالح مصرفی در هر مسیر و استفاده از مصالح در دسترس، بنا به صرفه‌های اقتصادی تغییراتی نیز در پارامترهای تعیین کننده توسط عوامل اجرایی انجام می‌شود.

به‌طور کلی عوامل مؤثر در طرح روسازی را می‌توان به صورت زیر عنوان کرد:

- ۱- خاک بستر روسازی (جنس - مقاومت - نفوذپذیری - تراکم پذیری و ...)
- ۲- مصالح روسازی (جنس - نوع - مقاومت - ابعاد و ...)
- ۳- شرایط آب و هوایی (رطوبت - یخبندان - دما و ...)
- ۴- وسایل نقلیه استفاده کننده از طرح (نوع - وزن - تعداد و ...)
- ۵- سیستم مورد نظر (راه - فرودگاه)
- ۶- هزینه‌ها (مصالح - ماشین‌آلات - نیروی انسانی - تعمیر و نگهداری و ...)

روسازی‌ها عمدتاً به دو نوع انعطاف‌پذیر و صلب تقسیم می‌شوند. روسازی انعطاف‌پذیر شامل روسازی‌های آسفالتی و شنی بوده که رویه آنها دارای سختی خمشی کم‌تری می‌باشند. این نوع روسازی، بارهای خارجی را بدون پخش بار در سطح وسیع، آن را در سطح نسبتاً کوچکی به خاک بستر منتقل می‌کنند. لذا در این نوع روسازی خاک بستر نقش بسیار مؤثر و تعیین کننده‌ای در طراحی دارد. نحوه پخش بار در لایه رویه روسازی انعطاف‌پذیر در شکل ۵ آمده است.

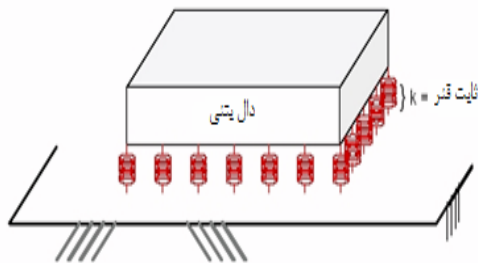
روسازی‌های صلب یا به عبارت دیگر روسازی‌های بتنی، دارای سختی خمشی بالایی بوده و بارهای خارجی را با حداقل تغییر

## ۲- مراحل انجام تحقیق

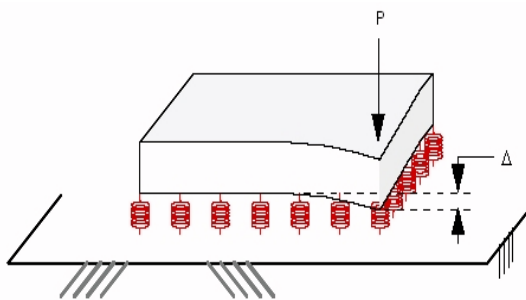
دقیق مشخصات تنش-کرنش هر یک از بسترها به دلیل شرایط پیچیده خاک غیرممکن است، که به طور برجسته غیرخطی بودن، برگشت‌ناپذیر و وابستگی آن به زمان می‌باشد. بنابراین، این خاک‌ها معمولاً ناهمسان و ناهمگن هستند. مدل‌های ساختگی برای شبیه‌سازی پاسخ خاک تحت بار از پیش تعریف شده و شرایط مرزی ایجاد شده است. فرضیات اساسی در مورد نوع خاک برای این مدل‌ها به کار رفته‌اند. این فرضیات ضمن کاهش دقت آنالیز، برای یک مسئله دارای شرایط مرزی مورد نیاز هستند. دو تا از رایج‌ترین فرضیات به کار رفته در این خصوص، الاستیک خطی و همگن بودن خاک می‌باشد [۳].

### ۳-۱- مدل بستر با چگالی مایع

در مدل بستر با چگالی مایع (که به عنوان بستر وینکلر شناخته می‌شود)، بستر به عنوان یک صفحه هموار فاصله‌دار، مستقل و با فنرهای خطی در نظر گرفته می‌شود. مدل فرض می‌کند که هر فنر در پاسخ به تنش‌های قائم که مستقیماً روی فنر وارد می‌شود، تغییر شکل داده و هیچ تنش برشی را به فنرهای مجاور وارد نمی‌کند. این مدل در اشکال ۷ و ۸ نشان داده شده است.



شکل ۷- ضریب عکس‌العمل بستر [۴]



شکل ۸- ارتباط بار و تغییر شکل با ضریب عکس‌العمل بستر [۴]

در این تحقیق ابتدا روش‌های موجود جهت تحلیل و طراحی روسازی بتنی معرفی گردیده‌اند. این روش‌ها عبارت‌اند از: روش مکانیستیک، روش تجربی و روش مکانیستیک-تجربی. برای این که بتوان نرم‌افزارهای طراحی روسازی بتنی را مورد ارزیابی قرار داد بهتر است از روش مکانیستیک استفاده نمود. رفتار بستر و مدل‌های موجود در این خصوص نیز از عوامل مهم در تحلیل و طراحی یک روسازی می‌باشند که در این تحقیق مورد توجه قرار گرفته‌اند. آشنایی با نرم‌افزارهای روسازی بتنی در کشورهایی که پیش‌تر از این نوع روسازی استفاده می‌کنند مانند ایالات متحده آمریکا، آلمان، فرانسه و غیره گام دیگر این تحقیق خواهد بود. در آمریکا هر ایالت یک نرم‌افزار مختص به خود را طراحی و مورد استفاده قرار می‌دهند که بیش‌تر به این نرم‌افزارها اشاره شده است. بعضی از این نرم‌افزارها عبارت‌اند از: JSLAB2004، JSLAB2000، EverFE2.24، KENSLABS و غیره، که دو نرم‌افزار EverFE2.24 و KENSLABS به دلیل سهولت دسترسی برای بررسی انتخاب شده‌اند. در ادامه تحقیق یک نمونه دال به ابعاد  $4/57 \times 3/65$  انتخاب شده و برای یک بار  $80$  کیلونیوتن در سه حالت بارگذاری در لبه، داخل و گوشه دال تحلیل صورت گرفت. نتایج این آنالیز با روش دستی و سترگارد که معادلات آن به صورت جداولی در Excel ایجاد شده است، مورد مقایسه قرار گرفت. نمودارهای ایجاد شده در این خصوص نشان‌دهنده دقت و صحت نتایج نرم‌افزارهای معرفی شده می‌باشد.

### ۳- انواع مدل بستر روسازی بتنی

لایه زیر دال بتنی در روسازی صلب معمولاً از جنس خاک است. با توجه به شرایط فیزیکی خاک می‌بایست نوع عملکرد خاک هنگامی که بار روی آن واقع می‌شود مشخص شده تا بتوان تغییر شکل یا نشست خاک را محاسبه و در نتیجه عملکرد لایه بتنی روی آن را بررسی نمود. به دلیل پیچیدگی رفتار خاک، مدل‌های مختلفی توسط محققین ارائه شده است که در زیر به چند مورد کاربردی آن اشاره می‌شود.

همانند دیگر کاربردهای مهندسی، پاسخ خاک تکیه‌گاه روسازی از اهمیت بالایی برخوردار است. برای ارزیابی دقیق این پاسخ باید مشخصات تنش-کرنش بستر را به طور کامل بدانیم. شرح

روابط وسترگارد براساس فرضیه مدل بستر با چگالی مایع می‌باشد، همچنین نرم‌افزار EverFE2.24 نیز از این مدل استفاده می‌کند. البته در نرم‌افزار KENSLABS امکان انتخاب هر دو مدل بستر مایع و الاستیک جامد امکان‌پذیر است. لذا در این تحقیق برای سهولت مقایسه نتایج، در تحلیل دال نمونه از مدل بستر مایع استفاده شده است.

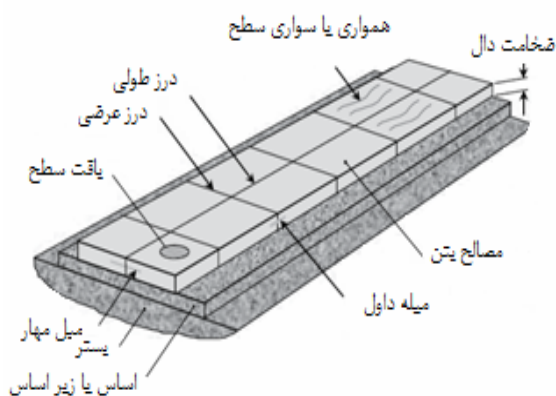
#### ۴- انواع روسازی بتنی

روسازی بتنی در انواع مختلف ساخته می‌شوند، ولی بیش‌تر آنها دارای دو خصوصیت رایج هستند. در نوع اول مقاومت در برابر بار ترافیکی از طریق بافت بتن صورت می‌گیرد، و اگر میلگردی در آن استفاده شود، فقط برای کنترل ترک بوده و در حمل بار هیچ نقشی ندارد.

در نوع دوم، انقباض روسازی بتنی بر اثر انقباض بتن و انبساط و انقباض ناشی از اثرات گرمایی می‌باشد، که این حرکات باید بررسی شوند. لذا انواع رایج روسازی بتنی عبارت‌اند از:

#### ۴-۱- روسازی بتنی ساده درزدار<sup>۱</sup> (JPCP)

این روسازی بتنی شامل دال‌های بتنی بدون میلگرد به طول ۳/۶ تا ۶/۰ متر با درزهای اجرایی عرضی بین دال‌ها می‌باشند. فاصله درزها بدقت کافی باید تعیین شود تا در طول عمر روسازی ترکی در دال ایجاد نگردد. بنابراین برای این روسازی انبساط و انقباض در محل درزها انجام می‌شود. این روسازی در شکل ۹ نشان داده شده است.



شکل ۹- روسازی بتنی غیر مسلح درزدار

[۴]

نسبت بین بار خارجی  $p$  در هر نقطه توسط معادله ۱ محاسبه می‌شود.

$$p = k \Delta \quad (1)$$

که در اینجا  $k$  ضریب عکس‌العمل بستر و  $\Delta$  تغییر مکان بستر می‌باشد. بدون انتقال نیروی برشی یعنی این که هیچ تغییر مکانی در لبه‌های صفحه یا دال وجود ندارد. تصور مایع بودن این نوع پی به دلیل شبیه بودن رفتار آن با قانون ارشمیدس در مایع می‌باشد. این قانون برای آنالیز سیستم‌های تکیه‌گاه روسازی در مطالعات وسترگارد به کار رفته است [Kumara, 2005].

#### ۳-۲- بستر الاستیک جامد

در مدل بستر الاستیک جامد (که در بعضی موارد به‌عنوان بستر بوسینیسک نامیده می‌شود) خاک به‌عنوان یک مصالح الاستیک خطی، ایزوتروپ و یکنواخت رفتار می‌کند. این مدل، یک روش واقع‌گرایانه‌تر از رفتار بستر را نسبت به مدل بستر مایع در نظر می‌گیرد، زیرا تأثیر انتقال برش ناشی از تنش‌های المانهای مجاور را به حساب می‌آورد. در نتیجه، توزیع تغییر مکان‌ها پیوسته است، به این دلیل تغییر شکل در یک نقطه در بستر ناشی از تنش‌های فعال در آن نقطه خاص است و بر کاهش تنش در نقاط کمی دورتر نیز تأثیر دارد.

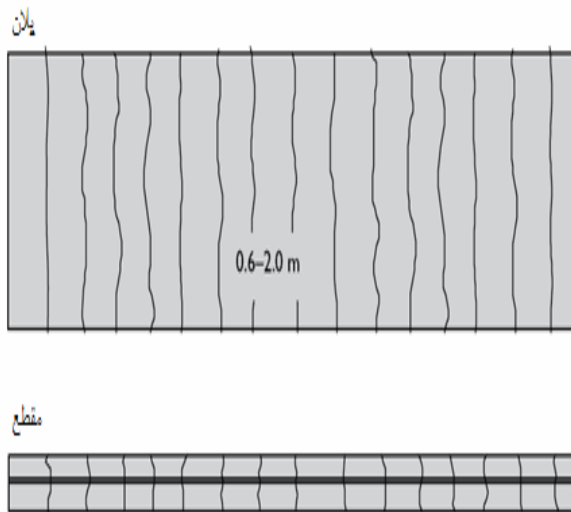
تحلیل بارگذاری تکیه‌گاه دال روی یک بستر با قوانین ریاضی کار سختی است. راه‌حل‌های مختلفی در این مورد وجود دارد، از قبیل راه‌حل بوسینیسک که در رابطه ۲ ارائه شده است [Kumara, 2005].

$$\frac{2(1 - \mu_s^2) p r_0}{E_s} = W \quad (2)$$

در این رابطه  $W$  تغییر مکان سطح بستر در مرکز سطح بار،  $p$  فشار تماس،  $r_0$  شعاع سطح بار،  $\mu_s$  ضریب پواسون بستر،  $E_s$  ضریب الاستیک بستر می‌باشند.

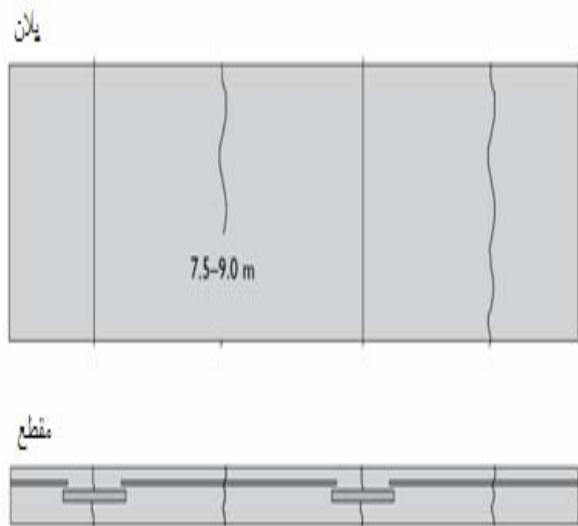
به دلیل پیچیدگی محاسبات ریاضی برای مدل بستر جامد، این مدل به نسبت مدل بستر مایع کم‌تر مورد استفاده قرار می‌گیرد. برخلاف، مدل بستر با چگالی مایع که دارای معادلات کنترلی دیفرانسیلی می‌باشد، مدل بستر الاستیک به حل یک انتگرال یا حل معادلات دیفرانسیل نیاز دارد.

۰/۶ تا ۲ متر تشکیل می‌شوند. این روسازی در شکل ۱۱ نشان داده



شکل ۱۱- روسازی بتنی مسلح پیوسته CRCP

[۴]



شکل ۱۰- روسازی بتنی مسلح درزدار JRCP

[۴]

قابل ذکر است که در این تحقیق برای بررسی نرم‌افزارها از روسازی بتنی غیرمسلح درزدار استفاده شده است.

#### ۵- انواع درز مرسوم در روسازی بتنی

کارایی یک روسازی بتنی بستگی زیادی به کارایی مناسب درزها دارد. بیش تر خرابی‌های روسازی بتنی درزدار می‌تواند به شکست در محل درز در مقابل ظرفیت ناکافی سازه‌ای نسبت داده شود. خرابی‌هایی که ممکن است از شکست درز ناشی شود عبارت‌اند از: شکست، فرسایش، قطعه قطعه شدن، شکست گوشه‌ای بتن، نشست یا افتادگی و ترک‌های عمقی دال. علیرغم استفاده از مصالح درزگیر، آب‌بندی مجدد و دوره‌ای برای اطمینان از کارایی مناسب درز در طول عمر روسازی مورد نیاز است.

کارایی مناسب درز همچنین به استانداردهای طراحی مناسب روسازی، کیفیت مصالح کاربردی در زمان اجرا و روش‌های نگهداری بهتر روسازی نیازمند است.

دو روش برای فراهم کردن انتقال بار در محل درز در JRCP به کار می‌رود:

۱- استفاده از قفل و بست مصالح در محل درز

۲- استفاده از داوول‌ها

#### ۴-۲- روسازی بتن مسلح درزدار<sup>۲</sup> (JRCP)

روسازی بتن مسلح درزدار، یا JRCP با دال‌های بلندتر و کار گذاشتن فولاد در دال از JPCP متمایز می‌باشند. این فولادهای کم، اغلب به عنوان فولاد حرارتی استفاده می‌شوند. طول دال در JRCP معمولاً ۷/۵ متر تا ۹ متر می‌باشند، هر چند طول دال بیش از ۳۰ متر هم قابل استفاده است. فولاد مصرفی دال در جهت طولی معمولاً بین ۱/ تا ۰/۲۵ درصد سطح مقطع دال می‌باشد و در جهت عرضی حداقل فولاد مصرفی به کار می‌رود. به دلیل جاگذاری فولاد در محور خنثی یا وسط دال، این میلگردها هیچ اثری در کارایی خمشی دال ندارند و فقط برای مراقبت از ترک خوردگی بتن استفاده می‌شوند. JRCP در شکل ۱۰ نشان داده شده است.

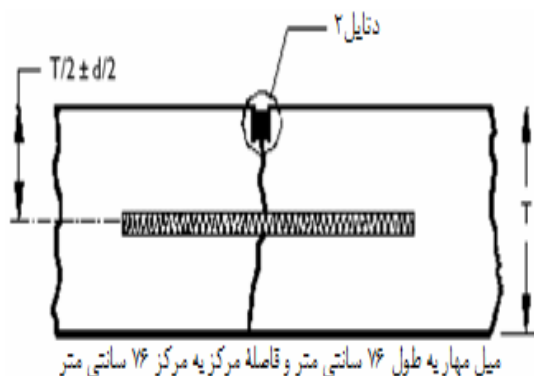
#### ۴-۳- روسازی بتنی مسلح پیوسته<sup>۳</sup> (CRCP)

روسازی بتن مسلح پیوسته، CRCP، یک روسازی با میلگردهای فولادی زیاد و بدون درز تعریف می‌شود. فولاد مصرفی در CRCP نسبت به JRCP خیلی بیش تر است و معمولاً به ۰/۴ تا ۰/۸ درصد سطح مقطع دال در جهت طولی می‌رسد. فولاد مصرفی در جهت عرضی نیز حداقل درصد فولاد می‌باشد، که همان فولاد حرارتی است. ترک‌ها در CRCP تقریباً در فاصله

می‌دهد. درزهای طولی برای کم کردن تنش‌های پیچشی به کار می‌روند و معمولاً برای زمانی که عرض دال بیش از ۴/۶ متر (۱۶ فوت) است، استفاده می‌شوند. دال به عرض‌های ۴/۶ متر و کم‌تر بدون درز طولی به طور قابل قبول اجرا می‌شوند، ولی ممکن است در بعضی موارد ترک‌های طولی در آنها مشاهده شود.

درز طولی باید حتی المقدور با خط‌های ترافیکی منطبق باشد تا عملکرد ترافیکی را بهبود ببخشد. عرض هر خط برای خط‌کشی باید ۳/۷ متر باشد و خط‌کشی‌های صدا دار برای این منظور پیشنهاد می‌شوند. انتقال بار در درز طولی از طریق مصالح فشرده انجام می‌شود. برای کمک به انتقال بار میلگردهای مهاریه اغلب در سراسر درزهای طولی استفاده می‌شود. میلگردهای مهاریه از دال‌ها نازک‌تر هستند و از میلگردهای آجدار استفاده می‌شود، در صورتی که میلگرد دال صاف هستند. میلگردهای مهاریه نیز برای حفاظت در برابر زنگ‌زدگی اپوکسی می‌شوند.

شکل ۱۴ جزئیات اجرایی درز طولی دارای میل مهار را نشان می‌دهد.



شکل ۱۴- مقطع درز طولی [۴]

### ۳-۵- درزهای اجرایی

معمولاً بتن در زمان‌های مختلف اجرا می‌شود و نیاز به قطع بتن ضروری می‌باشد، لذا از درز اجرایی در این مواقع استفاده می‌شود. این نوع درز می‌تواند به جای درزهای طولی و عرضی اجرا گردد. یک تیر عمودی و گروه دال‌ها برای یک درز اجرایی عرضی در شکل ۱۵ نشان داده شده‌است.

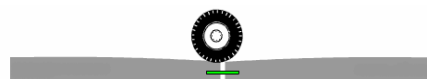
بعد از اجرای روسازی تا بالای تیر عمودی، این تیر برداشته خواهد شد. بعد از روسازی در یک روز، متصل کردن بتن جدید به قدیم شروع می‌شود. درز اجرایی عرضی معمولاً در پلان با درز

وقتی روسازی، ترافیک وسایل نقلیه سنگین را عبور می‌دهد، به خصوص در سرعت‌های بالا، نمی‌توان از خرد شدن مصالح فشرده در طول عمر روسازی در محل درز جلوگیری کرد، در این موارد، بهتر است از دال‌ها برای انتقال بار استفاده شود. دال‌ها، میله‌های صافی هستند، که با اپوکسی پوشیده می‌شوند یا اطراف آنها گریس کاری یا روغن کاری می‌شوند تا به درز اجازه باز و بسته شدن بدون مقاومت داده شود. اشکال ۱۲ و ۱۳ تأثیر استفاده از دال را در هنگام عبور بار نشان می‌دهد.



شکل ۱۲- اثر عبور چرخ از محل درز بدون دال

[۴]



شکل ۱۳- اثر عبور چرخ از درز دارای دال

[۴]

انواع درز مرسوم در روسازی بتنی عبارتند از:

### ۱-۵- درزهای انقباضی عرضی

یک درز اجرایی عرضی به عنوان یک شیار بریده شده، شکل داده شده یا ابزار زده شده در یک دال بتنی تعریف می‌شود که یک نقطه ضعیف در جهت عمودی پلان ایجاد می‌کند. این محل ترک، تغییراتی را که در ابعاد دال ایجاد می‌شود تنظیم می‌کند و رایج‌ترین نوع درز در روسازی‌های بتنی می‌باشد. روسازی درزدار با بار ترافیکی سبک ممکن است فقط به مصالح فشرده میان درز تکیه کند. روسازی‌ها با بارگذاری سنگین، اغلب از دال‌ها برای انتقال بار در درز استفاده می‌کنند. دال‌ها از حرکت عمودی یا شکست بین دال‌ها جلوگیری می‌کنند، اما به درز اجازه باز و بسته شدن می‌دهند، تا تنش‌های بحرانی ناشی از تغییرات رطوبت و دما در روسازی بتنی را کاهش دهند.

### ۲-۵- درزهای طولی

یک درز طولی به عنوان یک درز بین دو دال تعریف می‌شود که اجازه پیچش دال بدون انفصال زیاد و ایجاد ترک در آن را

در طراحی روسازی بتنی اغلب تعیین ضخامت روسازی بتنی به نظر مهم می‌آید، ولی اجزای مهم دیگری نیز وجود دارند، شامل نوع و فاصله درزها (اگر باشد)، هم درزهای عرضی برای JPCP و هم درزهای طولی برای همه انواع روسازی. آنالیز تئوری یک روسازی بتنی به دلایل زیر مشکل است:

گوناگونی انواع درز و هندسه دال، ضرایب مختلف انقباض مصالح، اثرات محیطی روی سازه، خواص و مقاومت‌های نامعلوم مصالح محلی، پاسخ مصالح غیرخطی مختلط، رفتار پیچیده فرسودگی، بارهای متحرک و غیره.

در نتیجه طراحی روسازی به توسعه نسبی مدل‌های تحلیلی و مصالح آسان و یک راهنمای تجربی و آزمایشگاهی برای درزها و فواصل آن و غیره نیاز دارد، که بدون ایجاد زحمت نگهداری شوند.

تعیین ضخامت روسازی نیازمند حل یک مسئله پیچیده مهندسی است. روسازی‌ها تابع بارگذاری و شرایط محیطی گوناگون زیادی هستند. مراحل طراحی تعداد زیادی از عکس‌العمل‌های گوناگون را درگیر خود می‌کند، که تعیین آنها مشکل است. با این وجود توجه محققان روی این موضوع رسیدن به یک حل مستقیم مکانیکی ممکن خواهد بود. در این راستا وسترگارد معادلاتی را برای تحلیل روسازی بتنی ارائه کرده است که این روابط در سال‌های بعد توسط محققان مانند هوانگ تکمیل گردیده است. برای سهولت تحلیل این نوع روسازی روش‌های نرم‌افزاری نیز در سال‌های اخیر در کشورهای مختلف توسعه یافته است. لذا ابتدا توضیحاتی در خصوص روش تحلیلی وسترگارد ارائه شده و سپس معرفی دو نرم‌افزار EverFE و KENSLABS انجام خواهد شد.

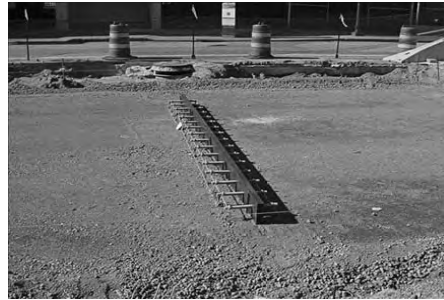
### ۶-۱-۱- روش وسترگارد

در روسازی‌های صلب، تنش‌ها، ناشی از اثرات محیطی و بارهای ترافیکی هستند.

#### ۶-۱-۱-۱- تنش‌های ناشی از پیچش و خمش

تنش‌های ناشی از پیچش و خمش به نسبت طول دال ( $L$ ) و شعاع سختی نسبی ( $I$ ) وابسته است. شعاع سختی نسبی از معادله ۳-۱ به دست می‌آید:

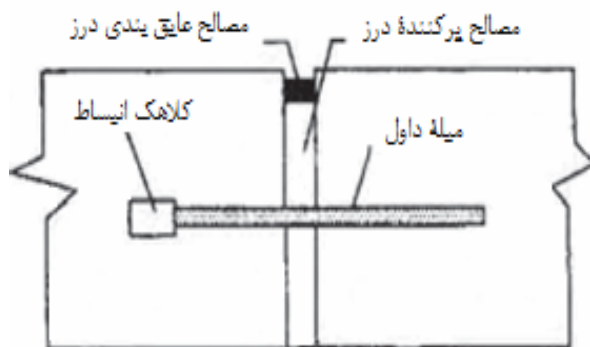
انقباضی منطبق می‌شود. ولی آنها نباید به صورت مورب باشند، چون کسب استحکام و کارایی کافی برای بتن مشکل خواهد بود



شکل ۱۵- دال در درز اجرایی [۴]

### ۵-۴- درزهای انبساط

درز انبساط یعنی درزی که در جای خاص قرار می‌گیرد تا بدون خسارت به سازه‌های مجاور و خود روسازی اجازه منبسط شدن به دال روسازی بدهد. این درز معمولاً در انتهای تکیه‌گاه پل‌ها و سازه‌های کاربردی جاسازی شده در خیابان‌ها مورد نیاز است. عرض درز انبساط معمولاً ۱۹ میلی‌متر است. دال‌های صاف نیز در بیشتر موارد برای انتقال بار در محل درز انبساط به کار می‌روند. دال‌های درز انبساط به طور خاص ساخته می‌شوند با یک کلاهک مخصوص در یک انتهای آن، که یک فضای خالی را در داخل دال بوجود می‌آورد، تا وقتی که دال مجاور درز انبساط بسته می‌شود، دال در آن قرار گیرد. این جزئیات در شکل ۱۶ نشان داده شده است.



شکل ۱۶- جزئیات درز انبساط و دال مربوط به آن [۴]

### ۶- روش‌های طراحی روسازی بتنی



تنش‌های لبه و داخل دال باعث ایجاد ترک عرضی در وسط دال می‌شوند. تنشها به عملکرد و شکل دال، ضخامت دال، ضریب عکس‌العمل بستر ( $k$ ) و شعاع نسبی سختی ( $f$ )، وابسته است.

تنش در گوشه دال از معادله ۵ که در سال ۱۹۲۶ توسط Westergaard و متعاقباً در سال ۱۹۸۵ توسط Ioannides به روز شده و در سال ۲۰۰۴ توسط Huang به شکل زیر مطرح گردیده است، محاسبه می‌شود.

$$\sigma_c = \frac{3P}{D^2} \left[ 1 - \left( \frac{c}{f} \right)^{0.72} \right] = \frac{3P}{D^2} \left[ 1 - \left( \frac{1.772c}{f} \right)^{0.72} \right] \quad (5)$$

در این معادله  $c$  طول ضلع سطح تماس و  $a$  شعاع دایره‌ای برابر سطح تماس می‌باشد [Delatte, 2008].

$$\sqrt{\frac{P}{P\pi}} = a \quad (6)$$

### ۶-۱-۳- تنش‌های ناشی از بار لبه

برای ترک‌های وسط دال، تنش‌های ناشی از بار لبه خیلی مهم است، چون از تنش‌های ناشی از بار در داخل دال بیش‌تر است. Westergaard چند معادله تنش در این خصوص ارائه کرد. آخرین معادله برای یک بارگذاری دایره‌ای توسط Ioannides در سال ۱۹۸۵ ارائه گردید و توسط Huang در سال ۲۰۰۴ بصورت رابطه ۷ مطرح شد.

$$\sigma_s = \frac{0.803P}{D^2} \left[ 4 \log \left( \frac{f}{b} \right) + 0.666 \left( \frac{c}{f} \right) - 0.034 \right] \quad (7)$$

طبق یک قاعده کلی تنش در حالت بار در لبه بزرگتر از تنش در حالت بار در گوشه است، بنابراین ترک‌های وسط بیش‌تر از شکست گوشه اتفاق می‌افتد مگر این‌که بارگذاری سنگین در گوشه باشد یا گوشه بدون تکیه‌گاه باشد. داوول در نزدیکی گوشه به جلوگیری از شکست کمک می‌کند [Delatte, 2008].

### ۶-۱-۴- تنش‌های ناشی از بار در داخل دال

معادله احتمالی تنش‌ها برای حالتی که بار در داخل دال قرار دارد توسط Westergaard به صورت زیر نوشته شده است.

$$\sigma_i = \frac{0.316P}{D^2} \left[ 4 \log \left( \frac{f}{b} \right) + 1.069 \right] \quad (8)$$

که اگر  $a \geq 1.724D$  باشد در این صورت  $ab =$

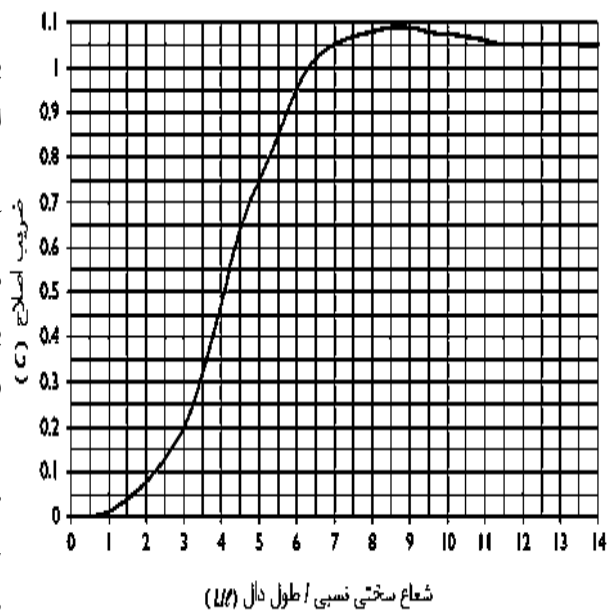
$$f = \sqrt[4]{\frac{ED^3}{12(1-\nu^2)k}} \quad (3)$$

که  $E$  مدول الاستیسیته بتن بوده و  $D$  ضخامت روسازی،  $k$  ضریب عکس‌العمل بستر، و  $\nu$  ضریب پواسون بتن که معمولاً برابر ۰/۱۵ می‌باشد.

چون  $f$  واحد طول است، نسبت  $f/L$  بدون بعد است. تنش لبه دال ناشی از پیچش حرارتی از رابطه ۳ محاسبه می‌شود:

$$\sigma = \frac{CE\alpha_t\Delta t}{2(1-\nu^2)} \quad (4)$$

در این جا  $\alpha_t$  ضریب انبساط حرارتی بتن،  $\Delta t$  اختلاف دما بین بالا و پایین دال.  $C$  یک ضریب تصحیح برای دال محدود است، که با توجه به نسبت  $f/L$  توسط نموداری که Bradbury در سال ۱۹۳۸ توسعه داد (شکل ۱۷)، محاسبه می‌شود [Delatte, 2008].



شکل ۱۷- ضریب اصلاح تنش خمشی برای یک دال محدود [۲]  
معادلات وسترگارد و هوانگ تنش‌های ناشی از بار ترافیک را در سه حالت بار در لبه، بار در گوشه و بار در داخل دال ارائه می‌دهد که عبارت‌اند از:

### ۶-۱-۲- تنش‌های ناشی از بار گوشه

تنش‌های گوشه باعث شکست گوشه دال می‌شوند، درحالی‌که

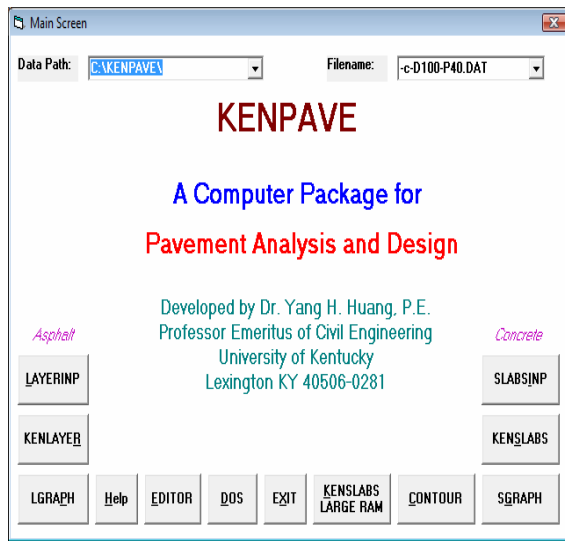
مقادیر پاسخ بحرانی در هر نقطه در مدل به آسانی قابل‌بازبینی است.

$$-0.675D\sqrt{1.6a^2 + D^2}b = \quad (9)$$

این معادله در سال ۲۰۰۴ توسط Huang مطرح گردید [Delatte, 2008].

### ۳-۶- روش نرم‌افزار KENSLABS

این نرم‌افزار قادر به آنالیز روسازی صلب و انعطاف‌پذیر به روش المان محدود می‌باشد، بخش روسازی صلب آن KENSLABS و بخش انعطاف‌پذیر KENLAYER نامگذاری شده است. شکل ۱۸ پنجره اصلی این نرم‌افزار را نشان می‌دهد. بعضی از خصوصیات عمده این نرم‌افزار عبارت‌اند از:



شکل ۱۸- پنجره اصلی نرم‌افزار

#### [۱] KENPAVE

- ۱- برنامه قادر به تحلیل حداکثر ۹ دال با برش و ممان انتقالی بین درزها می‌باشد که این برش و ممان انتقالی به صورت یک فنر با سختی معادل  $k$  مشخص در برنامه عمل می‌کند.
- ۲- هر دال می‌تواند ضخامت و ابعاد خاص خود را داشته باشد و در هر دال ضخامت قابل تغییر خواهد بود. لازم است به ذکر است که دو دال مجاور بایستی دارای عرض‌های یکسان باشند.
- ۳- دالها می‌توانند به صورت دو لایه صلب باشند که هر لایه اعم از چسبنده یا غیرچسبنده برای خود یک مدول الاستیسیته و یک ضریب پواسون داشته باشد. همچنین ماتریس سختی دال برابر با مجموع ماتریس‌های سختی دو لایه خواهد بود.
- ۴- اعمال نیرو می‌تواند به صورت بار وارده بر یک سطح چهارضلعی یا به صورت یک بار متمرکز باشد که در نهایت این بار بین گره‌ها توزیع خواهد شد.

در غیر این صورت

### ۲-۶- روش نرم‌افزار EverFE

نگارش کنونی EverFE یک ابزار آنالیز المان محدود برای شبیه‌سازی پاسخ‌های یک سیستم روسازی بتنی درزدار به بارهای محوری و تأثیرات محیطی می‌باشد. این نرم‌افزار یک نمایش گرافیکی از مدل ایجادشده و نتایج مدل به کاربر ارائه می‌کند.

بعضی از خصوصیات عمده EverFE شامل موارد زیر است:

- ۱- توانایی مدل کردن یک، دو یا سه دال با انواع شانه به‌طور طولی و یا عرضی (بیش از نه دال با انواع شانه در ابعاد  $3 \times 3$ ). میلگردهای مهاری می‌توانند براحتی بین دال مجاور با شانه تعیین گردند.
- ۲- بیش از سه لایه اساس الاستیک به‌طور چسبنده یا غیرچسبنده می‌تواند تعریف شود. انتقال برش اساس - دال می‌تواند از طریق توزیع افقی الاستوپلاستیک سختی بین دال و اساس انجام شود. یک بستر مایع مترکم بدون کشش یا فشار در زیر پایین‌ترین لایه مدل می‌شود.
- ۳- خطی یا غیرخطی بودن مصالح چسبنده می‌تواند در درزهای عرضی شبیه‌سازی شود.
- ۴- میلگردهای داوول می‌توانند به‌طور دقیق در طول درزهای عرضی قرار گرفته و به صورت قابل حرکت مدل شوند. بجای مدل کردن آزادی داوول، یک ضریب تکیه‌گاهی دال - داوول می‌توان برای مدل کردن اندرکنش بین دال و داوول تعیین کرد.
- ۵- داوول غیر هم محور و نامیزان در این نرم‌افزار می‌تواند مدل شود.
- ۶- انواع مختلف اشکال محور می‌تواند با کم‌ترین مقدار ورودی تعریف شود.
- ۷- گرادبان دمایی خطی، درجه دو و درجه سه در طول ضخامت دال می‌تواند مدل شود.
- ۸- امکانات پس‌پردازش گسترده نرم‌افزار، نمایش تنش، تغییرمکان، نیروها و لنگرهای داخلی داوول را اجازه می‌دهد.

۵- هنگامی که دال دارای تقارن باشد می توان بر اساس محورهای تقارن فقط بخشی از دال را در نظر گرفت. این عمل باعث کاهش داده ها و کاهش تعداد اعضای ماتریس سختی و در نتیجه کاسته شدن از حافظه و زمان اجرا توسط کامپیوتر خواهد شد.

۶- برنامه قادر به محاسبه درجه حرارت مؤثر بر پیچش و فضای خالی به وجود آمده در بین دال و بستر و تنش ها و تغییر مکان های حاصله می باشد.

۷- برنامه قادر به درک وضعیت تماس بین دال و بستر می باشد. که این عمل به صورت خودکار و بر اثر تکرار عملیات انجام می شود که در روش های تحلیلی موجود از جمله وسترگارد امکان پذیر نمی باشد.

۸- برنامه قابلیت تحلیل دال های واقع بر بسترهای مایع، صلب و لایه ای را دارد [سنگتراش قمی، ۱۳۷۶].

$\Delta t$  اختلاف دمای بالا و پایین دال برابر  $11/1^{\circ}C$

شعاع سختی نسبی دال برحسب متر یا میلی متر

ضریب پواسون بتن برابر  $0/15$

L طول دال برابر  $4/57$  متر

B عرض دال برابر  $3/65$  متر

D ضخامت دال برحسب میلی متر که برابر  $100, 150, 200$  و  $250$  میلی متر می باشد.

a شعاع دایره بار گسترده که توسط تاپر به دال وارد می شود و برابر  $620$  KPa می باشد.

تنش گوشه دال (MPa)

تنش لبه دال (MPa)

تنش داخل دال (MPa)

تنش دمایی دال (MPa)

۵- هنگامی که دال دارای تقارن باشد می توان بر اساس محورهای تقارن فقط بخشی از دال را در نظر گرفت. این عمل باعث کاهش داده ها و کاهش تعداد اعضای ماتریس سختی و در نتیجه کاسته شدن از حافظه و زمان اجرا توسط کامپیوتر خواهد شد.

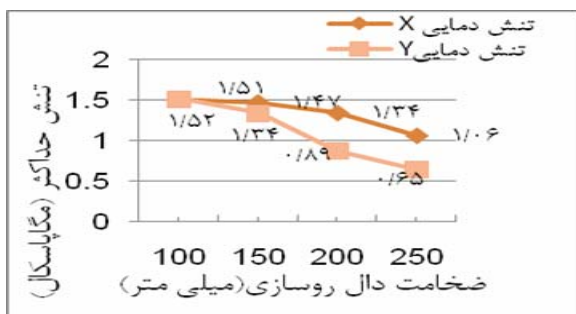
۶- برنامه قادر به محاسبه درجه حرارت مؤثر بر پیچش و فضای خالی به وجود آمده در بین دال و بستر و تنش ها و تغییر مکان های حاصله می باشد.

۷- برنامه قادر به درک وضعیت تماس بین دال و بستر می باشد. که این عمل به صورت خودکار و بر اثر تکرار عملیات انجام می شود که در روش های تحلیلی موجود از جمله وسترگارد امکان پذیر نمی باشد.

۸- برنامه قابلیت تحلیل دال های واقع بر بسترهای مایع، صلب و لایه ای را دارد [سنگتراش قمی، ۱۳۷۶].

## ۲-۲- نتایج روش وسترگارد برای بار $80$ کیلونیوتن

برای بار  $80$  کیلونیوتن و حالت های قرارگیری بار در گوشه، لبه و وسط دال، نتایج روش وسترگارد در جدول ۱ مشخص شده است.



نمودار ۱- نتایج تنش ها برای بار  $80$  کیلونیوتن

جدول ۱- نتایج حاصل از روابط وسترگارد برای بار  $80$  کیلونیوتن

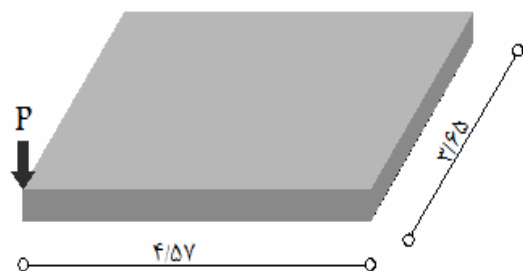
P = 80 KN				
ردیف	ضخامت (mm)	تنش گوشه (MPa)	تنش لبه (MPa)	تنش داخل (MPa)
۱	۱۰۰	۳/۸۴	۱۰/۷۶	۶/۱۷
۲	۱۵۰	۳/۴۸	۶/۰۸	۳/۴۵
۳	۲۰۰	۲/۵۶	۳/۹۷	۲/۲۱
۴	۲۵۰	۱/۸۷	۲/۸۰	۱/۵۳

## ۲-۲- مقایسه روش ها با حل یک دال نمونه

برای مقایسه این سه روش یک دال ساده با مشخصات و پارامترهایی به شرح زیر مورد تحلیل قرار گرفته است.

## ۲-۱- مشخصات و پارامترهای انتخابی

برای تحلیل یک دال نمونه و استخراج نتایج هر روش، دالی با ابعادی که در شکل ۱۹ آمده است، در نظر گرفته شده است.



شکل ۱۹- نمایش مشخصات دال مورد بررسی در حالت بار در گوشه

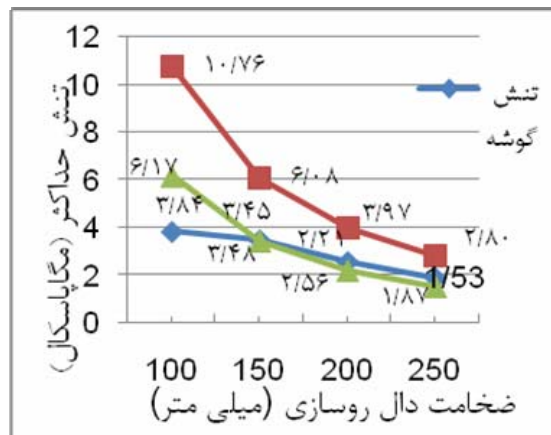
پارامترهای مورد نیاز به همراه واحد انتخابی در نرم افزارها و روش وسترگارد به شرح زیر انتخاب شده اند:

E ضریب الاستیسیته بتن برابر  $27600$  MPa

K ضریب عکس العمل بستر برابر  $54/2$  MPa/m

$\alpha_T$  ضریب انبساط حرارتی بتن برابر  $9 \times 10^{-6} / ^{\circ}C$

نمودار ۲- نتایج تنش ناشی از اختلاف دما



همان‌طور که انتظار می‌رود با کاهش ضخامت دال تنش‌ها افزایش یافته و حداکثر تنش در حالت بار در لبه ایجاد شده است.

جدول ۲- نتایج حاصل از روابط وسترگارد برای تنش ناشی از

اختلاف دما

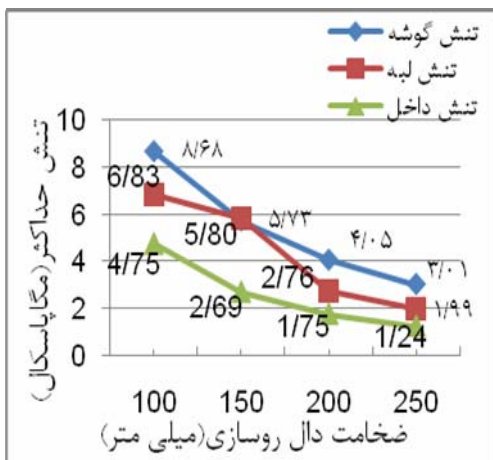
ردیف	ضخامت (mm)	تنش در جهت (MPa)x	تنش در جهت (MPa)y
۱	۱۰۰	۱,۵۱	۱,۵۲
۲	۱۵۰	۱,۴۷	۱,۳۴
۳	۲۰۰	۱,۳۴	۰,۸۸
۴	۲۵۰	۱,۰۶	۰,۶۵

مشاهده می‌شود که تنش دمایی در دو جهت X و Y تقریباً برابر هستند که این به دلیل نزدیکی اندازه طول و عرض دال به هم می‌باشد.

جدول ۳- نتایج حاصل از نرم‌افزار KENSLABS برای بار ۸۰

کیلونیوتن

ردیف	ضخامت (mm)	تنش دمایی (MPa)
۱	۱۰۰	۱/۷۱
۲	۱۵۰	۱/۷۰
۳	۲۰۰	۱/۶۹
۴	۲۵۰	۱/۶۸



نمودار ۳- نتایج تنش‌ها برای بار ۸۰ کیلونیوتن با نرم‌افزار

KENSLABS

این موضوع در نتایج تنش محاسبه شده توسط وسترگارد در قسمت قبل مشاهده می‌شود. ولی ملاحظه می‌شود که در روش KENSLABS تنش گوشه بیش‌تر از دیگر تنش‌ها شده که این موضوع به دلیل فرض پی مایع در تحلیل این دال می‌باشد.

جدول ۴- نتایج تنش ناشی از دما حاصل از نرم‌افزار

KENSLABS

P=۸۰KN				
ردیف	ضخامت (mm)	تنش گوشه (MPa)	تنش لبه (MPa)	تنش داخل (MPa)
۱	۱۰۰	۸/۶۸	۶/۸۳	۴/۷۵
۲	۱۵۰	۵/۷۳	۵/۸۰	۲/۶۹
۳	۲۰۰	۴/۰۵	۲/۷۶	۱/۷۵
۴	۲۵۰	۳/۰۱	۱/۹۹	۱/۲۴

۳-۷- نتایج روش KENSLABS ناشی از بار ۸۰

کیلونیوتن

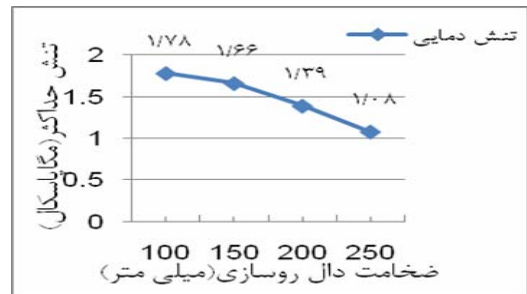
نتایج حاصل از روش نرم‌افزار KENSLABS برای بار ۸۰ کیلونیوتن در جدول و نمودار ۳ آمده است.

طبق یک قاعده کلی تنش لبه روستازی از تنش گوشه در حالتی که گوشه دارای تکیه‌گاه باشد بیش‌تر خواهد بود [Delatte,2008].

نمودار ۵- نتایج تنش‌ها برای بار ۸۰ کیلونیوتن

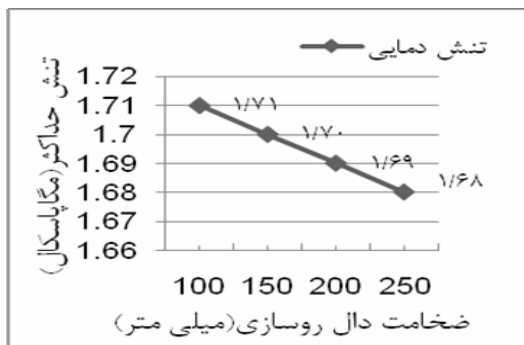
جدول ۶- نتایج تنش ناشی از اختلاف دما با نرم‌افزار EverFE

ردیف	ضخامت (mm)	تنش دمایی (MPa)
۱	۱۰۰	۱,۷۸
۲	۱۵۰	۱,۶۶
۳	۲۰۰	۱,۳۹
۴	۲۵۰	۱,۰۸



نمودار ۴- نتایج تنش ناشی از اختلاف دما

تنش‌های دمایی در این نمودار نمایانگر تغییرات ناچیز تنش دمایی در ضخامت‌های کوچک می‌باشد.

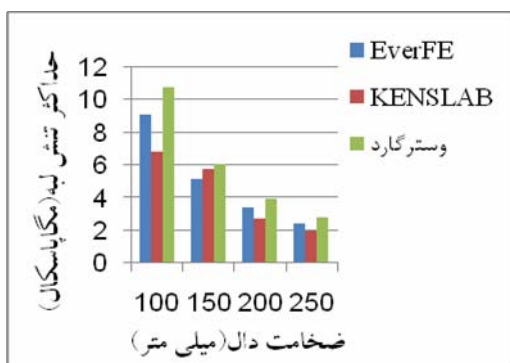


نمودار ۶- نتایج تنش ناشی از اختلاف دما

چون نرم‌افزار EverFE در جهت ضخامت دال نیز المان‌بندی انجام می‌دهد لذا تنش‌های دمایی را به‌طور دقیق‌تری نسبت به روش دیگر ارائه می‌دهد. این موضوع در نمودار مشخص است.

### ۵-۷- تحلیل نتایج روش‌ها

برای مقایسه بهتر نتایج این سه روش برای دال نمونه، می‌توان نتایج هر سه روش را برای حالت‌های بارگذاری داخل، گوشه و لبه و ضخامت‌های مختلف دال در جداول و نمودارهایی مشخص نمود که با توجه به اهمیت بار لبه این مقایسه در جدول و نمودار ۷ برای بار ۸۰ کیلونیوتن، آمده است.



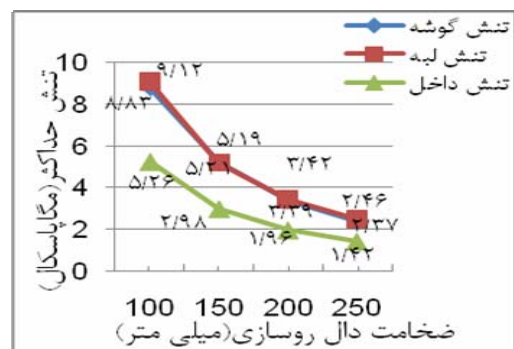
### ۴-۷- نتایج روش نرم‌افزار EverFE ناشی از بار ۸۰ کیلونیوتن

برای مقایسه این نرم‌افزار با دو روش دیگر نمونه دال مورد تحقیق را با این نرم‌افزار تحلیل نموده و نتایج آن به‌صورت جداول و نمودارهایی در زیر نشان داده شده است.

این نتایج نیز اهمیت بار گوشه در حالتی که بستر مایع برای دال فرض می‌شوند، را نشان می‌دهند. مقادیر بار لبه و بار گوشه در این نرم‌افزار خیلی به هم نزدیک می‌باشند.

جدول ۵- نتایج حاصل از نرم‌افزار EverFE برای بار ۸۰ کیلونیوتن

P= 80 KN				
ردیف	ضخامت (mm)	تنش گوشه (Mpa)	تنش لبه (Mpa)	تنش داخل (Mpa)
۱	۱۰۰	۸/۸۳	۹/۱۲	۵/۲۶
۲	۱۵۰	۵/۲۱	۵/۱۹	۲/۹۸
۳	۲۰۰	۳/۳۹	۳/۴۲	۱/۹۶
۴	۲۵۰	۲/۳۷	۲/۴۶	۱/۴۲



۴- هرچه ضخامت دال بزرگتر شده است فاصله بین نتایج در تمام حالت‌ها کم‌تر شده است.

نمودار ۷- مقایسه نتایج تنش لبه برای بار ۸۰ کیلونیوتن  
جدول ۷- مقایسه نتایج تنش لبه دال برای بار ۸۰ کیلونیوتن

تنش ناشی از بار در لبه دال				
P= ۸۰ KN				
روسترگارد (Mpa)	KENSLABS (Mpa)	EverFE (Mpa)	ضخامت (mm)	ردیف
۱۰/۷۶	۶/۸۳	۹/۱۲	۱۰۰	۱
۶/۰۸	۵/۸۰	۵/۱۹	۱۵۰	۲
۳/۹۷	۲/۷۶	۳/۴۲	۲۰۰	۳
۲/۸۰	۱/۹۹	۲/۴۶	۲۵۰	۴

### پانوشت

۱- Jointed Plain Concrete Pavement

۲- Jointed Reinforced Concrete Pavement

۳- Continuously Reinforced Concrete Pavement

### ۹- مراجع

[1]. Hung & Yang, KENSLABS Computer Program, Available from: <http://www.webs1.Uidaho.Edu>, 1993..

[2]. Delatte, N., Concrete Pavement Design, Construction, and Performance. London and New York: Taylor and Francis 2008.

[3]. Kumara, M. "Analysis and Verification of Stresses and Strains and their Relationship to Failure in Concrete Pavements under Heavy Vehicle Simulator Loading." Ph.D. thesis, University of Florida, 2005.

[4]. WSDOT, Washington State Department of Transportation Pavement. Guide, [online] Available from: <http://www.training.ce.Washing-ton.Edu>, 2003.

### ۸- جمع بندی

پس از حل دال مورد نظر در قسمت‌های قبل و با مقایسه جمع موارد می‌توان نتیجه‌گیری کلی زیر را ارائه کرد:

۱- در حالت بار در لبه دال، روش وسترگارد بیش‌ترین تنش‌ها و KENSLABS کم‌ترین مقادیر تنش را نشان می‌دهد.

۲- دو روش نرم‌افزاری نسبت به روش دستی وسترگارد نتایج نزدیک به هم ارائه نموده‌اند.

۳- با توجه به انجام المان‌بندی بهتر توسط نرم‌افزار EverFE، نتایج متوسط و بهتری نسبت به دو روش دیگر ارائه داده است.